

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

Consignes d'utilisation

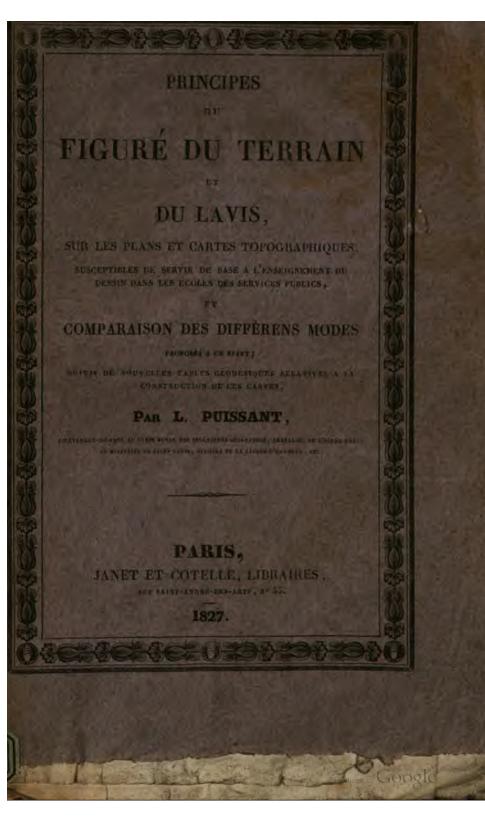
Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

Nous vous demandons également de:

- + Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- + *Ne pas supprimer l'attribution* Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse http://books.google.com



302

CHAPITRE XIII.

1819

leur âme, la salle se trouva vide, sans que le président eût levé la séance.

La discussion devait être terminée par M. de Serre, garde des sceaux. Nul des discours de cet orateur n'a obtenu un succès aussi populaire, nul ne me paraît mieux prouver que l'improvisation d'un esprit clair et ferme peut égaler en énergie et profondeur le travail d'un forte méditation. M. de Serre ne craignit point de remonter aux premières sources de l'agitation qui s'était manifestée, et de faire allusion à des dissen timens élevés dans le conseil du prince entre des hommes honorables. Écoutons-le parler:

Discours le M, de Serre « Vous vous le rappelez, messieurs, à la » fin de l'automne dernier, la France affran- » chie se livrait à l'espoir de jouir de la paix, » du repos, de ses institutions, de leur per- » fectionnement; enfin, du fruit de ses souf- » frances et de sa résignation. Tout à coup » une crise inattendue se manifesta; tout le » royaume en fut ému : le gouvernement » lui-même en fut ébranlé. L'Europe éton- » née se demandait si nous allions périr au » port, si nous allions rouvrir aux peuples » effrayes la carrière des révolutions nou- » velles. Chacun cherchait la cause secrète » d'un trouble aussi imprévu. On apprit



Moth my

PRINCIPES

DΨ

FIGURÉ DU TERRAIN.

IMPRIMERIE DE E. DUVERGER, NUE DE VERNEUIL, Nº 4.

Digitized by Google

PRINCIPES

DU

FIGURÉ DU TERRAIN

F.T

DU LAVIS,

SUR LES PLANS ET CARTES TOPOGRAPHIQUES,

SUSCEPTIBLES DE SERVIR DE BASE A L'ENSEIGNEMENT DU DESSIN DANS LES ÉCOLES DES SERVICES PUBLICS.

R T

COMPARAISON DES DIFFÉRENS MODES

PROPOSÉS A CE SUJET;

SUIVIS DE NOUVELLES TABLES GÉODÉSIQUES RELATIVES A LA CONSTRUCTION DE CES CARTES,

PAR L. PUISSANT,

LIEUTEMANT-COLONEL AU CORPS ROTAL DES INGÉNIEURS-GÉOGRAPHES , CHEVALIES DE L'ORDRE ROTAL ET MILITAIRE DE SAINT-LOUIS , OFFICIER DE LA LÉGION-D'HONNEUR , ETC.

PARIS,

JANET ET COTELLE, LIBRAIRES, BUE SAINT-ANDRE-DES-ARTS, Nº 55.

1827.



AVERTISSEMENT.

Une discussion s'est élevée en France, il y a déjà plusieurs années, sur les deux principaux systèmes d'après lesquels on exprime physiquement le relief du terrain sur les grandes cartes topographiques. Je crus alors devoir y prendre part, en publiant quelques observations qui m'avaient été suggérées par une longue expérience et une étude particulière, tant de la topographie que du dessin qui s'y rapporte. Je regardais ces observations, qui se trouvent parfaitement d'accord avec l'opinion des plus habiles praticiens, comme très propres à être opposées aux objections faites contre le système français par quelques partisans de la méthode allemande, c'est-à-dire de celle des teintes en rapport avec les pentes du terrain. Si je les reproduis aujourd'hui sous une autre forme et avec plus de développement, si je fais un examen critique de

quelques nouveaux modes proposés à ce sujet pour les cartes à petites échelles, si enfin je me plais à citer quelques-uns des chess-d'œuvre topographiques des ingénieurs-géographes du Dépôt de la guerre, c'est sans doute bien moins dans l'espoir d'obtenir gain de cause que dans le but d'indiquer aux jeunes ingénieurs et officiers d'état-major les procédés les plus simples et les plus exacts pour tracer sur un plan ou sur une carte l'épure géométrique de la surface d'un terrain quelconque, d'après le principe généralement admis des courbes de niveau équidistantes, et passer de là à son expression physique par le moyen des ombres; matières présentées avec trop peu d'étendue dans mon Traité de topographie, d'arpentage et de nivellement, 2e édition, et sur lesquelles tous les ouvrages élémentaires qui sont à ma connaissance laissent beaucoup à désirer à cet égard. Que le système de la lumière oblique soit conservé parmi nous pour figurer les montagnes sur les cartes à petits points, au 80-millième par exemple, ou qu'il soit définitivement remplacé par celui de la lumière zénithale, mes remarques sur les avantages de l'un et les inconvéniens de l'autre ne subsisteront pas moins dans toute leur force, parce qu'elles sont appuyées sur des faits notoires.

Je profite de cette occasion pour exposer succinctement les principes du dessin et du lavis des plans et cartes, d'après lesquels on peut former en très peu de temps de bonnes minutes utiles aux services publics, quel que soit d'ailleurs le mode d'éclairage adopté. De plus longues explications me paraîtraient superflues.

Les nouvelles tables qui font partie de cet opuscule, aideront aussi les ingénieurs dans la recherche des résultats numériques relatifs au nivellement et à la construction du canevas des cartes : eu les joignant à celles qui paraîtront dans la Connaissance des temps pour 1829, elles formeront, je crois, un supplément nécessaire aux Traités de géodésie et de topographie.

PRINCIPES

DU

FIGURÉ DU TERRAIN

SUR LES PLANS ET CARTES TOPOGRAPHIQUES.

S Ier.

Etat de la topographie en France; tentatives saites d'y changer le mode d'exprimer le relief du terrain sur les cartes topographiques.

LA topographie, dont les ingénieurs-géographes français et plusieurs officiers d'étatmajor n'ont cessé, depuis plus de trente ans, de faire d'utiles applications dans diverses contrées de l'Europe, paraît être arrivée au plus haut degré de perfection sous les rapports théorique et pratique. Ses progrès pendant ce laps de temps, attestés par une foule de matériaux du plus rare mérite, semblent donc faire espérer que les mêmes procédés qui ont concouru à leur exécution rendront la nouvelle carte de France supérieure en quelques points à ce que les étrangers possèdent de mieux en ce genre. Cependant les personnes

qui préconisent les travaux des topographes allemands partagent une opinion contraire, et regardent même notre manière d'exprimer le relief du terrain sur les cartes topographiques à petits points comme la plus désectueuse et la plus sujette à l'arbitraire, sans tenir aucun compte des améliorations sensibles que cette partie importante de la topographie a éprouvées depuis plusieurs années dans le sein du Dépôt de la guerre. C'est par suite de leur influence qu'une proposition tendante à indiquer le meilleur mode à employer pour exprimer sur les cartes topographiques le relief du terrain par le moyen des ombres, indépendamment des lignes de niveau ou de plus grande pente, fut renvoyée, le 5 septembre 1817, à l'examen de la commission royale de la nouvelle carte de France, présidée par M. le marquis de Laplace. Cette proposition fut soumise à la discussion dans un comité particulier, mais elle donna lieu à une telle dissidence d'opinions que M. le président de ce comité ne jugea pas convenable de la mettre aux voix. Il ne sut sait, en conséquence, aucun rapport à la commission royale sur le procédé auquel on aurait pu donner la presérence, conformément au vœu des différens services publics.

Depuis cette époque de 1817, de nombreux matériaux topographiques servant d'élémens à la nouvelle carte du royaume, ont été recueillis et réduits à l'échelle du quatre-vingtmillième adoptée pour la gravure; mais faute de connaître l'opinion de la commission royale sur la meilleure manière de figurer les montagnes, la gravure de cette partie de la carte n'a pas encore été entreprise. Cependant, comme le moment est arrivé d'activer ce travail important, la même proposition a été récemment renvoyée à une nouvelle commission créée ad hoc, et pour laquelle le Dépôt de la guerre a fait exécuter des modèles suivant différens systèmes d'éclairage. Tâchons d'expliquer nettement en quoi consistent ces systèmes: mettons en évidence leurs avantages et leurs défauts, et commençons par le système français.

Il est utile d'abord de rappeler que le gouvernement forma, en 1802, une commission de vingt-un membres choisis parmi ceux des différens services publics pour décider précisément la question actuelle. Le résultat des délibérations de cette commission est consigné dans un procès-verbal très détaillé, où les divers systèmes suivis alors ou proposés en France et dans l'étranger ont été complètement aualysés et discutés. Cette même commission s'étant prononcée en faveur de la méthode française, il y avait lieu d'espérer que le procès-verbal de ses séances, revêtu de l'approbation de tous les ministres, et rendu public par la voie du Mémorial du Dépôt de la guerre (voyez le nº 5) servirait de code en topographie, et introduirait dans tous les services publics l'uniformité justement désirée; mais les préceptes qui y sont énoncés relativement à l'expression du terrain par le moyen des ombres ne recurent point partout leur application. En effet, des le 7 mars 1807, les programmes arrêtés par une commission d'officiers supérieurs d'artillerie et du génie pour l'école de Metz furent rédigés contradictoirement à la méthode adoptée en 1802 relativement à la topographie générale. Ils prescrivent pour cette école un système de figuré qui est au fond le même que celui des topographes allemands, puisqu'il consiste à exprimer le relief des montagnes à l'aide de teintes d'autant plus intenses que les pentes qu'elles sont destinées à représenter sont plus rapides.

Le conseil d'instruction de cette même école s'est plaint, en 1823, de ce que l'enseignement du dessin des plans et cartes, à l'école royale polytechnique, n'était pas en harmonie avec ses principes; cependant l'ancien programme de topographie qu'il a fait modifier, et qui avait été adopté par le conseil de perfectionnement, était non-seulement d'accord avec la décision de 1802, non annulée jusqu'à présent, et sur laquelle est encore fondé l'enseignement du dessin des cartes à l'école des ingénieurs-géographes, mais en outre il énoncait un second mode de figurer le terrain semblable à celui qui paraît être suivi à l'école de Metz: ainsi il est évident que, de différens côtés, l'on attaque la manière de représenter sur les grandes cartes topographiques, le relief du terrain comme s'il était éclairé suivant une direction oblique à l'horizon, et que l'on voudrait qu'il le fût suivant des rayons verticaux. Quoiqu'il soit important qu'il existe, dans toutes les écoles d'application, une manière uniforme de dessiner la topographie, nous pensons qu'elle ne doit pas être exclusive, et qu'il est utile que les jeunes ingénieurs s'exercent quelquefois au figuré des montagnes d'après différens modes, ne fût-ce que pour apprendre à lire les cartes étrangères et à pouvoir, au besoin, en faire des copies exactes.

Quels que puissent être, à certains égards, les avantages du système de la lumière verticale pour les terrains très peu accidentés et sur des cartes à grands points, il est cependant certain, selon nous, que celui qui est généralement usité au Dépôt de la guerre, aux Ponts-et-Chaussées, au Dépôt de la marine, dans toutes les écoles d'architecture, dans diverses parties de l'Italie, en Piémont, etc., convient parsaitement à toutes les échelles, est le plus favorable aux pays de hautes et basses montagnes, aux reconnaissances militaires, le plus expéditif et le plus intelligible, enfin le moins chargé de teintes noires. C'est ce que l'on comprendra encore mieux par ce qui suit.

§ II.

Figuré géométrique du terrain suivant le principe des courbes de niveau équidistantes, ou des lignes de plus grande pente comprises entre ces courbes.

Depuis long-temps les services publics sont dans l'usage de représenter en projection orthogonale tous les objets qui font partie d'un plan topographique ou d'une carte. Ainsi l'on ne dessine plus en élévation les arbres isolés, les bois, etc.; on ne figure plus les rochers ni les montagnes en demi-perspective; les beaux travaux de Lespinasse, en ce genre, quoique admirés, ne sont plus imités; les offi-

ciers du génie n'emploient plus la perspective cavalière pour représenter, sur leurs plans, quelques façades de bâtimens militaires, ou parties verticales de fortification. Partout, à cet égard, l'uniformité est parfaite; mais parlons du sujet qui nous occupe.

Il existe deux manières de figurer le terrain, l'une purement géométrique, l'autre toute physique; et toutes deux sont employées concurremment par les ingénieurs-géographes dans tous les levés réguliers.

Pour exprimer géométriquement la contexture des montagnes et les plus faibles ondulations du terrain, sur une carte à grande échelle, au dix-millième par exemple, le Dépôt de la guerre a adopté, il y a peu d'années, à l'occasion de la nouvelle carte de France, un procédé qui dérive immédiatement de celui que proposa, il y a près d'un demi-siecle, l'ingénieur génevois Ducarla. Ce procédé consiste en général à imaginer sur le sol une série de courbes de niveau à égale hauteur les unes au-dessus des autres, puis à mener aux projections horizontales de ces courbes des hachures perpendiculaires; ces nouvelles lignes, qui ont souvent une légère courbure pour être à la fois normales à deux courbes horizontales consécutives, sont donc

les projections des lignes de plus grande pente. Sur les minutes au dix-millième, cette méthode réduite à son plus grand degré de simplicité réussit complètement et s'applique avec une extrême facilité; ainsi les lignes de plus grande pente y expriment d'autant mieux les inflexions du terrain et ses différentes inclinaisons, qu'elles sont tracées avec plus d'exactitude et en plus grand nombre, et que l'équidistance des courbes de niveau est plus petite (Voyez fig. 2.). On conçoit, en effet, que ces lignes comprises seulement entre deux sections consécutives, et formant de cette manière solution de continuité, sont plus ou moins courtes selon que les pentes auxquelles elles appartiennent sont plus ou moins rapides. Pour mieux indiquer encore le passage d'une pente à une autre, on a soin de laisser d'autant moins d'intervalle entre les hachures. que la pente qu'elles expriment est plus sensible; mais cet espacement n'a nullement besoin d'être assujéti à une loi géométrique, comme quelques personnes le proposent, puisque le degré d'inclinaison peut se déduire très exactement de la longueur de la ligne de plus grande pente comparée à l'équidistance, ou des cotes de hauteur qui doivent, dans tous les cas, être placées en grand nombre sur les cartes, sans cependant faire confusion.

Cette substitution de hachures aux courbes de niveau paraît être d'abord assez inutile, puisque les hachures n'ajoutent rien à la précision du relief; mais il faut faire bien attention qu'entre deux courbes consécutives il y a un très grand nombre de ces hachures dont l'ensemble présente mieux à l'œil la zône étroite comprise entre ces deux courbes, principalement lorsqu'il y a des détails de culture et autres qui la couvrent en partie. Si l'on voulait obtenir à peu près le même effet physique avec les courbes de niveau, il serait nécessaire d'en intercaler plusieurs autres entre celles dont il s'agit, et l'on sait alors quel temps et quelle peine il faudrait pour les tracer proprement sur les minutes ou sur la gravure. Cette opération serait analogue à la manière de filer les eaux, et par conséquent serait beaucoup plus pénible que celle de former de courtes hachures. En second lieu les équidistances primitives, si utiles à conserver pour estimer approximativement les degrés de pente à l'échelle du dix-millième, ne seraient plus en évidence, à moins qu'on ne traçât les courbes de niveau subsidiaires plus légèrement que les courbes de niveau équidistantes fondamen-

tales. En troisième lieu ces courbes subsidiaires devraient être interrompues vers les étranglemens, où, sans cela, elles se confondraient en y formant des teintes noires : moyen d'ailleurs qui ne pourrait bien réussir que sur les cartes à grande échelle. Au surplus, les lignes de plus grande pente, tracées comme nous l'avons dit, font apercevoir par leur discontinuité les courbes de niveau auxquelles elles sont perpendiculaires, et cela est tout-àfait suffisant. La méthode des ingénieurs-géographes l'emporterait donc encore à cet égard sur celle qui produirait cette multitude innombrable de courbes rompues et disjointes dont l'aspect serait très désagréable. Je me rappelle en avoir vu un exemple en gravure.

Dans la pratique il est souvent impossible, même sur un terrain d'un facile accès, de déterminer immédiatement les courbes de niveau directrices des lignes de plus grande pente; mais, par des nivellemens trigonométriques coordonnés entre eux, les ingénieurs - géographes obtiennent très rapidement assez de cotes de hauteur pour tracer celles qui conviennent à l'équidistance adoptée. Le corps du génie fait particulièrement usage de cette méthode pour tous les plans des environs des places fortes. L'échelle de ces

plans est si grande, les cotes de hauteur, par rapport à un plan de comparaison, sont si multipliées, que les ingénieurs reconnaissent à la première inspection du trait et des courbes de niveau tous les accidens du terrain : ainsi, pour l'usage du service du génie, le relief n'a pas besoin d'être exprimé autrement qu'à l'aide des courbes de niveau équidistantes, accompagnées de quelques cotes de hauteur (Voyez fig. 6). C'est ainsi qu'ont été habilement exécutés, sous la direction de M. le chef de bataillon Clerc, les plans du port de la Spezzia, du passage du Mont-Cénis et de plusieurs places fortes de nos frontières.

Le procédé que cet officier a introduit dans la brigade topographique du Dépôt des fortifications, formée par ses soins pour la recherche de ces courbes, revient à ce qui suit : Après avoir lié entre eux, par une triangulation générale et secondaire les points les plus apparens du terrain, on subdivise ce terrain en polygones que l'on mesure ainsi qu'il est expliqué à l'art. 102 de notre Topographie, 2º édit. Ensuite on rattache aux côtés de ces polygones un grand nombre de profils que l'on dirige dans le sens des pentes, afin d'obtenir par ce moyen le plus de points qu'il est possible des courbes de niveau équidistantes;

enfin l'on part de ces derniers points pour suivre ces courbes et en déterminer les sinuosités à l'aide de la boussole. L'instrument principalement en usage pour effectuer ces profils
ou nivellemens particuliers, est un petit niveau à bulle d'air et à lunette de Chezy, dont
nous avons donné une description détaillée à
l'art. 157 de l'ouvrage cité; et le petit appareil, pour mesurer les bases à l'aide de règles
de bois étalonnées sur le mètre, est analogue
à celui qui sert en géodésie; il se dispose de
même sur le terrain, évitant les réductions à
l'horizon et n'ayant pas, bien entendu, égard
à la réduction due à la température.

Voici maintenant le moyen qu'emploient, sous notre direction, les élèves de l'école d'application du corps royal des ingénieurs-géographes, dans un cas semblable sur les levés au cinq et au dix-millième qui doivent être exécutés avec promptitude et économie, et qui ne comportent pas la précision des plans spéciaux.

Comme les différences de niveau et même les hauteurs absolues de tous les points trigonométriques auxquels se rattachent leurs levés de détail sont connues par le calcul, il n'est plus question que de trouver des cotes du terrain, à l'aide de quelques-uns de ces points, en

prenant avec un éclimètre adapté à la boussole l'angle de hauteur ou de dépression du point trigonométrique qui est visible de celui où l'on opère, et en mesurant graphiquement sur la carte la distance horizontale de ces deux points. Rien n'est ensuite plus simple que de calculer la cote cherchée, puisqu'elle dépend essentiellement de ces deux élémens, ou que de l'obtenir à l'aide de la table I de cet opuscule. Ce procédé, applicable aux échelles ci-dessus mentionnées, et même à des échelles plus petites, procure en très peu de temps une multitude de cotes de hauteur à l'origine et à l'extrémité des pentes, au sommet des montagnes comme au fond des vallées. Ainsi, lorsqu'on a sur la carte deux points extrêmes d'une même pente, il ne s'agit plus que d'y marquer ceux qui se trouvent sur les courbes de niveau intermédiaires, ainsi qu'il est expliqué à la page 231 du Traité de Topographie, 2me édition, ou comme on le dira plus bas. En allant donc de cette manière de proche en proche, on parvient à saisir et à exprimer les inflexions du terrain avec d'autant plus d'exactitude qu'on a mis plus de soin à multiplier convenablement les cotes de hauteur : ce qui n'empêche pas de dessiner les petits accidens particuliers qui interrompent les mouvemens généraux.

C'est ainsi que les élèves de l'école d'application parviennent à esquisser sur le calque de leurs levés la configuration du sol.

Les courbes de niveau équidistantes tracées seulement au crayon sur une feuille de papier transparent, sont ensuite décalquées sur la minute dont le trait a d'abord été arrêté à l'encre de la Chine, pour les chemins, rivières, limites de cultures, etc., ou au carmin, pour les maisons, édifices, murs de clôture, etc. Ces courbes, quoique présentant assez souvent, dans le passage d'une feuille à une autre, de légères anomalies dans leurs raccords (et cela est un très petit inconvénient) servent, comme nous l'avons déjà dit, de directrices aux hachures que l'on trace à la plume entre deux courbes de niveau consécutives. Ces dernières lignes font un belleffet quand elles engrennent bien les unes dans les autres, sans laisser d'intervalle entre elles dans le sens de la pente du terrain, et quand elles ne sont ni trop longues ni trop maigres sur les cartes à grande échelle: en général on les fait plus fines dans les pentes très douces, et on les rapproche dans les pentes qui se trouvent plus fortes. Ainsi il est évident qu'en prenant pour unité la distance verticale d'une courbe à celle qui est immédiatement supérieure ou inférieure, ces

hachures sont les cotangentes des angles d'inclinaison des pentes correspondantes.

Dans les levés au cinq-millième et dans ceux au dix-millième, on a reconnu que les équidistances entre les courbes dont il s'agit pouvaient être respectivement fixées à 2 mètres et demi et 5 mètres; mais l'expérience a prouvé que les parties de terrain très légèrement ondulées devaient être considérées comme horizontales, et qu'il suffisait d'y placer quelques cotes de hauteur.

Éclaircissons cette méthode par un exemple, et pour cela supposons que les points A, B (fig. 1) soient les extrémités d'une même pente, et que leurs cotes de hauteur soient respectivement 148 et 114. Si l'équidistance adoptée est de cinq mètres, il faudra d'abord marquer par deux traits aa, bb, les élémens des courbes horizontales dont les cotes seraient 145 et 115, ensuite partager en six parties égales l'espace compris entre ces deux élémens, et pour lors les points de division appartiendront aux courbes de niveau intermédiaires. On procédera de la même manière entre B et C qui portent les cotes 114 et 90, et ainsi de suite dans toute l'étendue du levé.

Lorsque la pente A B est tellement courte que la petitesse de l'échelle ne permet pas d'en représenter la projection, il est impossible de l'exprimer sur la carte. Voilà pourquoi l'on tenterait vainement de rendre une légère peute de cinq degrés, si la projection de cette pente n'avait pas au moins un millimètre. Il faut donc n'attendre de pareils renseignemens que des cartes complètement topographiques.

Après avoir établi par ce procédé fort simple la charpente des tranches horizontales, on dessine des hachures perpendiculairement à deux courbes consécutives, ayant le soin de les interrompre partout où il y a des chemins et des routes, et l'on a alors un figuré géométrique, comme on le voit figure 2.

Veut-on maintenant savoir quelle est la plus grande inclinaison du terrain au point I, fig. 2; on prendra, avec un compas, la longueur de la hachure en ce point et on la portera sur l'échelle des pentes perpendiculairement à l'horizontale H K, de manière à ce qu'elle soit exactement comprise entre cette droite et la courbe M N. Le numéro correspondant 10 sur l'horizontale sera le nombre de degrés contenus dans la pente dont il s'agit.

Si un pli de terrain, tel que m n (fig. 3), compris entre deux sections consécutives a b, c d, interrompait la série des lignes de plus

grande pente, les hachures limitées par la section horizontale a b et le pli mn pourraient être la continuation de la pente a' b' b a, et les hachures comprises entre mn et la section c d la continuation de la pente c' d' d c: dans ce cas, ces deux pentes s'estimeraient chacune en particulier par les longueurs des hachures a a' et c c', ce qui est évident.

L'échelle de pentes est très facile à construire. En effet, prenez une distance arbitraire H K comme ligne des abscisses; divisez-la en parties égales, puis par tous les points de division élevez des perpendiculaires à cette ligne, et portez sur ces droites comme ordonnées, les cotangentes prises dans la table III des arcs représentés par les longueurs H 10, H 20, etc. Enfin faites passer une courbe M N par les extrémités de ces ordonnées, et vous aurez l'échelle de pentes désirée. Il est évident que l'axe KL des ordonnées est l'asymptote de cette courbe, et que les abscisses sont proportionnelles aux arcs dont les ordonnées représentent les cotangentes.

Il serait donc important que l'on mît sur toutes les feuilles des levés où le terrain est exprimé de la sorte, une échelle pareille à celle de la fig. 2. Plusieurs feuilles de la carte de France qui ont été exécutées au dix millième,

conformément à ce procédé, sont un exemple frappant de ses avantages. Plus les ingénieurs en seront usage, plus le figuré du terrain supposé accessible sera exprimé avec fidélité. Depuis son adoption il a singulièrement contribué à rendre les levés plus parfaits, et à bannir du dessin des cartes le figuré par sentiment qui ne doit être employé que dans les reconnaissances topographiques faites à la hâte, ou lorsque la nature et les formes du terrain se refusent à toute mesure géométrique partielle. Il peut, à quelques légères modifications près, être encore appliqué avec succès au vingt-millième et au-dessous. Les minutes construites de la sorte sont donc susceptibles d'offrir des données précieuses aux ingénieurs chargés de projets de routes, de canaux et d'autres ouvrages d'art qui exigent des notions préliminaires assez exactes sur les ondulations du sol et les différences du niveau; mais elles ne peuvent jamais dispenser de faire des nivellemens particuliers, lorsqu'il est nécessaire d'avoir une parfaite connaissance des aspérités du terrain.

En général, lorsque le terrain est levé par courbes horizontales équidistantes, on peut en former le profil suivant une direction quelconque, soit que ce profil se trouve dans un même plan vertical, soit qu'il appartienne à une surface cylindrique. Dans l'un comme dans l'autre cas, les points du terrain compris dans la surface verticale sécante auront pour projections horizontales ceux où cette surface rencontre les projections des courbes de niveau passant par ces points. Par exemple, les points mn (fig. 6) de la section plane AB ont respectivement pour cotes de hauteur 40^m et 48^m, par rapport à un plan de comparaison situé à 3/m au-dessous de la courbe horizontale c d, la plus basse du terrain que la figure représente.

S'il fallait trouver la cote d'un point k donné sur le plan, on mènerait une normale g h aux deux courbes ee, ff, entre les quelles il est compris, et on la considérerait comme la base d'un triangle rectangle dont la hauteur serait égale à l'équidistance adoptée, ou à 2 mètres, dans le cas de la figure; ensuite on élèverait au point k une perpendiculaire à cette base, et sa longueur comprise dans le triangle rectangle augmentée de 40 mètres serait la cote de hauteur cherchée. Cette méthode donnera un résultat approchant d'autant plus de la vérité que l'équidistance sera plus petite.

Pour peu qu'on ait opéré en pays de hautes montagnes, on reconnaît facilement que le principe des courbes de niveau équidistantes y est très rarement applicable, et que l'art du dessin

d'imitation doit nécessairement venir au secours de la géométrie en désaut. C'est pour cela que l'ingénieur, après avoir déterminé à la planchette ou à la boussole un grand nombre de points servant à lier et coordonner les opérations de la planimétrie de détail et les figurés à vue partiels du relief, cherche à se placer sur une éminence d'où il puisse voir distinctement les escarpemens, les grandes masses de rochers, en un mot les parties les plus pittoresques et les moins variées, afin de les dessiner au crayon à peu près comme un paysagiste fait le croquis d'une vue. La circonstance la plus favorable à cet égard, c'est lorsque le soleil répand obliquement sa lumière sur la terre. Cette première opération faite, il la vérifie, s'il est possible et s'il y a du doute, en se plaçant à une autre station voisine, pour voir les mêmes objets sous un autre aspect; et là, il rectifie ce qu'il avait d'abord incorrectement figuré, il répare ses omissions. C'est ainsi qu'en se transportant de sommet en sommet, en se plaçant sur le versant d'une montagne pour distinguer celui de la montagne voisine, souvent déchiré par un grand nombre de petits ravins dont les bords escarpés sont inaccessibles, il parvient à former de bonnes esquisses de tout le terrain, au nombre desquelles se trouvent des profils qu'il ramène à

la projection horizontale. Enfin, il arrête ces esquisses à la plume sur la carte minute, et forme des hachures dirigées par sentiment dans le sens des lignes de plus grande pente, d'ailleurs assez bien indiqué par les sillons des eaux pluviales. Ces hachures servent à indiquer les surfaces inclinées du terrain et les grandes parties lisses des rochers; elles se font d'autant plus longues ou plus courtes que les pentes ont paru moins fortes ou plus roides; le mieux est impossible dans ce cas. Tel est, en définitive, le procédé qui a été suivi pour les cartes d'Italie, de Savoie et de l'île d'Elbe, exécutées bien avant l'adoption de la méthode des courbes horizontales équidistantes. Ainsi les ingénieurs-géographes qui ne pensaient pas à cette méthode s'y conformaient par instinct. Il y a donc uniformité dans le dessin pour les pays où les aspérités du sol sont fortement prononcées et pour ceux qui sont faiblement accidentés.

§ III.

Expression physique du relief du terrain, d'après le système de la lumière oblique et les règles de la perspective aérienne; préférable à celle qui résulte du système de la lumière zénitale employé par les topographes allemands.

Sur les cartes topographiques qui embrassent une grande étendue de pays, comme celles

au dix-millième, et à plus forte raison sur les cartes au 80 millième, on sent à tout moment la nécessité d'employer un moyen subsidiaire pour exprimer énergiquement la configuration du sol trop faiblement caractérisée par les lignes de plus grande pente, surtout lorsque les obiets qui constituent la description topographique d'un pays couvert d'habitations sont très nombreux et très variés. Pour l'ingénieur même et le militaire cela n'est pas tout-à-fait indispensable, car ils aiment l'un et l'autre à pouvoir saisir de suite l'aspect général du terrain, sans être obligés de recourir péniblement au système des lignes de plus grande pente, et de consulter à tout moment les cotes de niveau. ainsi que les cours d'eau, afin de savoir si telle hauteur commande telle autre, ou si le terrain monte ou descend en allant dans tel ou tel sens. Or, quoi de plus propre pour atteindre facilement ce but que d'imiter ce qui se passe dans la nature au moment même où les corps sont le plus apparens, c'est-à-dire lorsque leurs formes deviennent perceptibles par des effets de lumière et d'ombre? Par exemple un observateur situé sur le sommet d'une haute montagne distingue parfaitement les mouvemens du terrain qu'il domine, lorsque le soleil paraît entre l'horizon et le zénith : c'est alors qu'il

peut dessiner à vue les objets qui échappent aux mesures géométriques et n'omettre aucun détail intéressant; mais il ne voit à quelque distance de lui qu'un immense terrain peu ondulé, lorsque le soleil brille au zénith ou quand il est caché par un ciel nébuleux. Le relief des montagnes, sur une carte qui se rait exécutée dans le système de la lumière partant du zénith ou d'une lumière diffuse, serait donc sans effet comme dans la nature, à moins que pour accuser fortement les pentes les plus prononcées on n'employat une échelle de teintes à l'imitation de quelques géographes allemands: mais alors on rendrait à force de noir la carte illisible, même en adoptant, pour parer autant que possible à cet inconvénient, deux échelles de dégradation, l'une applicable aux terrains peu ondulés, l'autre propreaux pays de hautes montagnes, ainsi qu'on a été obligé de le faire sur un modèle relatif à ce système. Voici au reste le principe mathématique d'après lequel on peut en général régler une échelle de teintes.

En supposant qu'un plan éclairé par un faisceau de rayons parallèles réfléchisse une lumière dont l'intensité soit proportionnelle au sinus de l'angle qu'il fait avec ce faisceau, les limites de cette intensité seront comprises entre zéro et l'angle droit. Si donc l'on conçoit que des teintes d'une couleur quelconque, par exemple, d'encre de la Chine, croissent d'intensité dans les mêmes rapports que le sinus de l'angle d'inclinaison décroît, elles pourront, mathématiquement parlant, servir à désigner la situation d'un plan à l'égard du rayon lumineux. Cependant, comme l'éclat de la lumière, dans l'hypothèse actuelle, ne dépend que de la valeur absolue du sinus de l'angle d'inclinaison dont il s'agit, il y aura deux positions contraires du plan pour lesquelles cet éclat sera le même, puisqu'un sinus appartient à deux arcs supplémens l'un de l'autre; mais ce problème sera restreint à une seule solution si l'on ajoute cette condition, savoir, que la lumière réfléchie diminue d'autant plus d'intensité en traversant une masse d'air atmosphérique que cette masse est plus épaisse. La dégradation progressive de la lumière, opérée dans l'atmosphère, et dont la loi mathématique nous est tout à-sait inconnue, se désigne sous le nom de perspective aérienne. La teinte bleuâtre que prennent les couleurs propres des objets éloignés du spectateur se remarque dans tous les tableaux où le peintre a voulu faire sentir les lointains : elle est d'autant plus forte que la masse d'air interposée entre le corps et le spectateur est plus considérable. C'est donc l'air atmosphérique qui diminue non seulement l'intensité de la clarté des parties exposées à la lumière, mais aussicelle des ombres des parties placées dans l'obscurité. On suppose, en topographie, que la perspective aérienne a lieu dans le sens de la verticale; alors les parties élevées, qui sont exposées à la lumière, doivent être plus brilantes et plus accusées que celles qui sont situées dans le fond des vallées.

Les faces des corps qui ne reçoivent pas la lumière directe du soleil empruntent cependant un peu de clarté des objets environnans, et surtout de l'atmosphère, qui a la propriété de réfléchir la lumière dans tous les sens; ainsi les ombres propres et les ombres portées sont plus ou moins transparentes, et nous laissent en général distinguer les objets qu'elles enveloppent. Le dessinateur topographe doit donc ne pas donner trop d'intensité aux teintes d'ombres qu'il applique sur les revers de montagnes privés de soleil, afin de pouvoir y exprimer les accidens du sol. Il doit avoir la même attention quand il applique les teintes d'après le principe de la lumière zénitale.

Les ingénieurs-géographes français sont dans l'usage d'éclairer le terrain de gauche à droite, par rapport à un observateur tourné vers le nord, et de supposer que le rayon de lumière fait un demi-angle droit avec l'horizon. Cependant il est des cas où ils adoptent une plus grande inclinaison, afin de diminuer le nombre et l'étendue, tant des parties privées de lumière, que des ombres portées des sommets des hautes montagnes sur les versans des contre-forts voisins. Ils sont aussi dans l'usage d'orienter une grande carte, en plaçant le nord vers le haut des feuilles qui la composent; mais ils orientent les plans des champs de bataille de manière que les positions ennemies se trouvent en face du spectateur.

Qu'on suppose le terrain éclaire du zénith ou suivant une direction oblique à l'horizon, il s'agit toujours de former sur les minutes les teintes dont il est question. Le moyen le plus expéditif et le plus facile est, sans contredit, le lavis (Fig. 2). Ces teintes, dans le système français, se tiennent toujours assez transparentes pour laisser voir les détails et les hachures situés dans les parties ombrées, et il devrait en être de même dans tous les systèmes. Elles se forment à l'encre de la Chine mêlée avec un peu d'indigo, et s'étendent au pinceau, comme on l'expliquera par la suite. Quelques dessinateurs emploient la seppia pour les plans soignés et lavés aux teintes naturelles.

L'impossibilité de faire beaucoup de teintes très distinctes, d'en faire même deux qui aient exactement la même intensité, non-seulement au lavis, mais même en gravure, est un obstacle à la juste application de la règle que l'on vient d'énoncer ou de tout autre facile à imaginer. Obligé par conséquent de renoncer à ce moyen d'exprimer les pentes, ne fût-ce même que parce qu'il rendrait interminable le dessin d'une grande carte, on procède avec avantage, ainsi qu'il suit.

Après avoir tracé les lignes de plus grande pente avec une encre un peu moins noire que celle du trait des chemins et des limites de culture, et lavé le dessin à grande eau pour enlever les parties grenues d'encre de la Chine et de carmin restées attachées au papier, on applique les teintes sur les versans des montagnes et les parties de contreforts qui seraient privés de la lumière directe du soleil éclairant de gauche à droite, comme il a été dit ci-dessus. Les teintes s'adoucissent de haut en bas sur une même pente et se posent à diverses reprises, jusqu'à ce que l'on soit parvenu à leur procurer l'intensité jugée convenable; car on ne doit jamais chercher à donner tout l'effet du premier coup. S'il se trouve des routes ou des chemins sur les pentes, on les

teinte très peu, afin qu'ils restent plus visibles. Du côté du jour, on applique également de très légères teintes sur les parties inclinées, que l'on adoucit de bas en haut, afin d'éteindre les parties basses et de donner plus de brillant aux parties élevées, conformément aux règles de la perspective aérienne. Rarement on exprime les ombres portées d'une montagne sur le versant de la montagne voisine, mais l'on s'attache à bien subordonner les hauteurs les unes par rapport aux autres, et à établir de l'harmonie dans toutes les parties du relief. Il résulte de là que le terrain, de plat qu'il paraissait d'abord, quoique revêtu des lignes de plus grande pente, ou si l'on veut des seules courbes horizontales équidistantes fondamentales, se présente sous un tout autre aspect; que ses formes, mieux accusées, lui donnent la physionomie d'un véritable relief; que des clairs partout réservés facilitent la distribution des écritures; et que quand bien même les lignes de plus grande pente ou de niveau ne seraient pas tracées, on aurait encore une notion très juste de ce relief. C'estréellement, une esquisse à la manière des peintres, et telle qu'il la faut dans la circonstance actuelle (Voyez fig. 4).

Cette opération étant saite aussi artistement

qu'il est possible, on marque les ombres portées des arbres isolés projetés en plan et représentés simplement par de petits ronds; l'on rend ces ombres de manière qu'elles indiquent l'espèce de ces arbres, si l'échelle de la carte le permet; on applique les côtes de hauteur et les teintes conventionnelles indiquées dans l'un des paragraphes suivans; enfin l'on distribue les écritures dont les caractères et les dimensions sont rapportés dans le tableau n° 1.

Si l'on voulait obtenir en gravure cet effet du relief, on y parviendrait en formant des teintes à l'aqua tinta, qui n'empêchassent pas de laisser voir, dans les parties les plus ombrées, tous les détails et toutes les écritures. comme sur les minutes : mais il est bien rare que l'on grave des cartes à une échelle aussi grande que celle du levé. Jusqu'à présent l'on n'a fait en topographie que quelques essais de ce procédé de gravure, du moins que je sache. Pour former des teintes au moyen de hachures, il faut renforcer ces lignes à mesure que les teintes sont plus fortes, sans cependant les trop serrer; il faut, au contraire, les rapprocher et les saire plus fines, eu égard à la légèreté des teintes. Dans l'un comme dans l'autre cas, leurs longueurs doivent rester telles que l'équidistance adoptée l'exige. Il y a des dessinateurs qui rendent parfaitement à la plume la gravure à l'eau forte ou au burin; mais ce sont de ces tours de force très dispendieux et peu utiles aux services.

La manière de rendre en projection orthogonale le relief des montagnes, comme si le soleil était élevé de quarante-cinq degrés environ au-dessus de l'horizon, a donc le très grand avantage de bien caractériser à très peu de frais tous les accidens du terrain, par les contrastes qui existent entre les parties éclairées et celles qui sont dans l'ombre, et que ne peut procurer la lumière zénithale. Elle ne nuit en rien au système de hachures, ni à l'expression des détails, ni à la lecture des noms de lieux, etc.. lorsque les teintes sont assez ménagées pour rester transparentes; et elle produit un effet magique, quoique la séparation des ombres et des clairs ne soit pas géométriquement établie et que les parties horizontales soient, contradictoirement au principe, les plus brillantes. La vérité de cette remarque est incontestable sur la plupart des cartes manuscrites qui enrichissent les archives topographiques du Dépôtde la guerre, ainsi que les cartes gravées en France dans le même système, et en Italie, avant que ce pays sût soumis à la domination autrichienne. Par exemple les cartes manuscrites des frontières des Pyrénées occidentales par M. Chrestien, chef de division au ministère des affaires étrangères et ancien ingénieurgéographe; celles d'Italie par M. le général Brossier, directeur de la nouvelle carte de France; des champs de bataille du Piémont, par M. le lieutenant-colonel Martinel; et de Savoie, par feu le colonel Nouet, militent singulièrement en faveur de la méthode qui y a été suivie pour l'expression du relief des montagnes. Si les habiles ingénieurs auxquels sont dus ces chefs - d'œuvre de topographie n'eussent pas été initiés dans l'art du paysage et du clair-obscur, ils n'auraient certainement pu donner une idée aussi vraie de ces hautes et éternelles sommités qu'ils avaient à représenter, ainsi que de cette multitude d'accidens de terrains impossibles à soumettre méthodiquement aux mesures géométriques. Les adversaires du système français ont raison de dire que cette manière de traiter la topographie a ses difficultés; mais tous les arts n'ontils pas les leurs? On demande des cartes d'une extrême précision en tout ce qui est de leur essence, on veut y reconnaître le terrain comme si on le parcourait réellement, et, chose étrange, on critique la méthode qui conduit le mieux à ce but. Dans l'espérance

de réduire le problème relatif au figuré des montagnes au plus grand degré de simplicité et d'exactitude possible, on provoque l'adoption d'une méthode dont le succès n'est point prouvé, et qui rompt le lien par lequel la topographie est essentiellement unie à l'art du dessin d'imitation; lien sans lequel les grandes cartes seraient tout-à-fait fausses, sous le rapport des teintes et des grands accidens du terrain, et pleines de contre-sens quant aux effets.

S IV.

Autres preuves des avantages du système français sur le système allemand.

Quoique les intensités des teintes, dans le système allemand, soient loin d'être en harmonie avec les inclinaisons si variées du sol, et que la loi qui règle ces intensités soit toujours violée quand de deux pentes d'égale inclinaison, l'une se trouve nue et l'autre contient des détails, cela n'empêche pas les promoteurs de ce système de croire que cette loi s'y observe réellement en tous lieux. Sur les cartes françaises, les teintes ne sont pas destinées à la mesure des pentes; ce sont toujours comme nous l'avons dit, les longueurs des hachures ou les cotes de hauteur qui font ap-

précier l'inclinaison du sol. Ainsi malgré la différence de ton qui pourrait exister entre deux copies d'une même carte exécutée à la manière du Dépôt de la guerre, les montagnes les plus élevées ne seraient pas dominées par les plus basses, et l'on n'y prendrait pas un creux pour une éminence, une surface conique ne serait pas représentée par une teinte plate et noire. Toutes deux auraient la même précision géométrique, mais l'une pourrait être d'un effet plus agréable que l'autre: cela dépendrait du talent des dessinateurs. En un mot plus ou moins de noir ne ferait rien à la chose.

On doit surtout remarquer qu'on obtient une grande économie de temps et d'argent en gravant sur les cartes à petits points les montagnes d'après le système français, puisqu'il suffit de régler de distance en distance les longueurs des hachures avec la précision que l'échelle permet d'observer, et de nuancer les teintes le mieux possible, sans assujétir les hachures à une loi géométrique d'espacement; loi qu'on ne pourrait mettre en pratique qu'en faisant à tout moment usage du compas; sans pour cela rendre exactement l'intensité correspondante à un degré de pente mesuré ou estimé à vue, et par conséquent le véritable effet du relief. Cette dernière observation est

applicable sans restriction à tous les systèmes présens et futurs.

Dans les reconnaissances militaires qui ont principalement pour but de faire connaître, en quelques parties seulement, et le long des lignes d'opération d'un corps d'armée, les degrés de pente du terrain, la méthode des courbes de niveau équidistantes peut être appliquée avec avantage, si l'échelle de la carte est assez grande pour permettre de distinguer l'emplacement où les inclinaisons ont été mesurées ou estimées: il est inutile d'employer un autre moyen pour remplir ce but, puisqu'il donne en même temps l'indication de la forme du terrain.

Au surplus nous pensons qu'au-delà du vingtmillième les cartes ne comportent plus l'expression des petites pentes locales que quelques militaires réclament, et que par cette raison elles ne doivent donner que les accidens généraux du terrain.

Voilà, en définitive, les principes d'après lesquels les cartes de l'île d'Elbe et de la Corse ont été gravées respectivement aux échelles du 50 et du 100 millième, par les soins de M. le colonel Jacotin, chef de la section topographique du Dépôt de la guerre. Il est très douteux que les plus habiles graveurs de la

capitale, tels que les Blondeau, les Michel, les Colin, les Poirson, etc., puissent jamais reproduire dans le système allemand ces deux chefs-d'œuvre de l'école française.

Sur les cartes hydrographiques les plus récentes, gravées au Dépôt de la marine, les côtes sont également figurées conformément à la décision de 1802; elles sont principalement accompagnées de sondes placées dans les endroits où il importe au navigateur de connaître les bonnes passes et la nature du fond de la mer, afin d'éviter les récifs dangereux qui peuvent être cachés sous les eaux. A ces car tes sont joints des profils perspectifs du terrain pris de certains points de la mer : ces vues sont très utiles pour faire reconnaître aux marins les continens ou les îles près desquels ils abordent après un voyage de long cours. Il est très douteux que le Dépôt de la marine consente à adopter une autre manière de graver la top ographie des côtes, à établir ainsi une disparate choquante dans la précieuse collection de ses cartes modernes, sans recueillir ni plus de promptitude dans l'exécution ni plus d'exactitude dans les résultats.

Les ingénieurs des ponts et chaussées font eux-mêmes, comme nous l'avons dit, un fréquent usage du système de la lumière oblique, parce que les parties constituantes des ouvrages d'art tracés sur leurs plans de détail deviennent beaucoup plus intelligibles quand elles sont ainsi revêtues d'ombres et accusées par des coups de force suivant les règles de la peinture. Pourquoi donc ce procédé n'exprimeraitil pas aussi bien les formes du terrain?... Rendre de deux manières différentes le relief des objets sur les plans de ce genre serait d'une bizarrerie sans exemple.

SV.

Quelques réflexions critiques sur plusieurs systèmes proposés pour remplacer celui du Dépôt de la guerre; nouveaux argumens en faveur de ce dernier.

L'idée de faire servir les hachures à l'expression physique du relief, comme si le terrain recevait partout une lumière venant du zénit, est sans doute fort simple, et même séduisante au premier abord (c'est le vœu des savans qui ne voient en cela qu'une question de pure géométrie), parce qu'alors les pentes également inclinées doivent recevoir des teintes d'une égale intensité, et que le blanc du papier est réservé pour les parties horizontales; tandis qu'en supposant le terrain éclairé obliquement, les deux versans d'une montagne, egalement inclinés, ne présentent presque jamais cette égalité de teinte: aussi arrive-t-il que ceux qui sont habitués à consulter les cartes allemandes interprétent très mal les cartes françaises. Cependant nous avons vu souvent des personnes le plus étrangères à la topographie ne pas tomber dans l'erreur à cet égard; mais, il faut l'avouer; elles ne comprenaient rien à certaines cartes allemandes.

Malheureusement dans le système de la lumière zénithale on ne peut distinguer sans perspective aérienne quelles sont les parties horizontales les plus élevées ou les plus basses, que quand il existe des cours d'eau qui lèvent le doute ; la crète d'une chaîne de montagnes ressemble souvent à une vallée étroite; les pentes rapides qui bordent les rivières et les lacs forment des liserés si noirs qu'il est impossible d'y dessiner les habitations, les bois et autres espèces de culture. Dans les pays montueux. les intensités des teintes arbitrairement fixées pour désigner les changemens de pente absorbent tous les détails, écrasent les petites écritures et présentent l'aspect le plus grotesque et le plus désagréable. Ce' désaut capital, que ne peuvent nier les détracteurs du système français, est inhérent à la méthode, et il se remarque sur la plupart des

cartes allemandes gravées même avec soin. Il est donc vrai de dire que si, sur la nouvelle carte de France, les Alpes, les Pyrénées et les hautes montagnes de l'intérieur étaient figurées de la sorte, cette carte serait à cet égard une monstruosité topographique digne des siècles les plus barbares, et ferait à jamais regretter la carte de Cassini. Il ne s'agirait plus, pour couronner l'œuvre, que de l'orner de titres et de légendes composés en partie de lettres gothiques bien lourdes, à jambages brisés, entourées d'une multitude de traits capricieusement enlacés, telles qu'on en voit sur certaines cartes étrangères, et même depuis quelque temps, aux frontispices de plusieurs éditions de luxe imprimées en France.

On accuse la méthode française de rendre le relief du terrain d'une manière pittoresque par le jeu des clairs et des ombres; mais c'est là précisément ce qui en fait le mérite, puisqu'elle nous donne à peu de frais le sentiment des formes des corps. D'ailleurs les principes sur lesquels elle est fondée ne sont-ils pas tous aussi géométriques que dans le système de la lumière zénitale? Celui-ci même n'en est qu'un cas particulier. Ainsi l'on ne procède pas plus rigoureusement d'une manière que de l'autre, relativement à l'application des teintes; mais

il est certain qu'en éclairant obliquement le terrain, ses formes ressortent sans dureté, les parties claires éparses çà et là favorisent la lecture des détails et le placement des écritures, et qu'en ayant en même temps égard à la perspective aérienne, les différences de hauteur des montagnes se jugent aisément à vue, les pentes exposées à la lumière paraissent aussi rapides que si elles étaient dans l'ombre. Les cartes manuscrites et gravées acquièrent donc une suavité qui les rend par cela seul supérieures à celles qui ont été exécutées dans tout autre système, et réunissent en outre tout autant de précision géométrique.

Il est vrai que pour adoucir l'extrême âpreté du figuré des montagnes, d'après la méthode allemande ou le système de la lumière zénitale, quelques personnes ont proposé d'ajouter la perspective aérienne à ce système; mais alors que devient le principe fondamental de la dégradation des teintes en raison des pentes que ces personnes regardent comme indispensable? Ce nouvel élément introduit dans la question la complique singulièrement, lorsqu'on veut absolument, comme M. le chevalier Bonne, reconnaître et estimer une pente à une hauteur quelconque au moyen de la teinte qu'elle porte comparée à celle d'un diapason. Théorique-

ment parlant, ce problème est possible. en forma t toutesois une hypothèse sur la loi de la dégradation de la lumière dans l'atmosphère; mais sa solution est illusoire en pratique, surtout à l'égard des cartes manuscrites à petites échelles qui font principalement le sujet de la discussion et qui doivent être reproduites par la gravure. Toutefois, si on ne cherchait pas inutilement à mettre les teintes exactement d'accord avec les inclinaisons des pentes, qui varient souvent d'un point à un autre; si on éteignait un peule fond des vallées et qu'on s'imposât la condition de ne pas trop rembrunir les teintes dans les parties très inclinées, quelques-uns des défauts que nous venons de signaler n'existeraient plus; les degrés de pente s'estimeraient uniquement, comme dans le système français, par les longueurs des hachures ou les cotes de hauteur, et la carte aurait plus de précision à cet égard, serait d'un ton généralement moins dur; mais le relief perdrait de son énergie dans les pays très accidentés, et finalement il y aurait encore une grande portion de la carte qui serait ou trop grisâtre ou trop teintée et par conséquent peu lisible. Un autre inconvénient, moins grave à la vérité, serait, par suite du système d'éclairage, de ne

plus donner des coups de force aux massifs de maisons, ni de renforcer dans les forêts les touffes de bois qui bordent un des côtés des routes, comme dans le cas où l'on suppose la lumière éclairant dans une direction oblique à l'horizon et venant de gauche à droite, de ne plus mettre en usage tous ces petits movens de convention qui concourent si efficacement à l'intelligence et à l'harmonie des dessins topographiques. Tout bien examiné, le système de la lumière zénithale appliqué de la sorte n'est réellement supportable qu'à de grandes échelles, et quand les mouvemens de terrain sont aussi doux qu'aux environs de Paris. Il est donc convenable d'adopter de préférence la méthode qui produit le meilleur effet dans tous les cas, et qui, dans les figurés à vue, supplée merveilleusement aux mesures géométriques. Puisqu'il s'agit d'éclairer le terrain, n'y répandons pas partout de l'obscurité. '

(1) Le mot éclairer est impropre pour désigner le procédé d'après lequel on exprime en général le relief des montagnes sur les cartes; car l'application des teintes a au contraire pour but d'éteindre plus ou moins le blanc du papier, ou ce qui est de même de lui donner une couleur tirant plus ou moins sur le noir Or l'expression physique des montagnes à la manière française dénaturant la couleur primitive du papier beaucoup moins que dans le système allemand, il s'ensuit que nos cartes seront toujours les plus claires et les plus lisibles, toutes choses égales d'ailleurs.

Dans un mémoire remarquable sur cette matière, M. le général H... attaque vivement le système de la lumière oblique et pense même que les courbes équidistantes ont, entre autres défauts, celui de donner de fausses notions sur l'inclinaison des zônes qu'elles comprennent entre elles : il présère, avec M. Noyset, capitaine du génie, représenter géométriquement sur les cartes au quarante-millième l'inclinaison du sol, à l'aide de hachures dirigées dans le sens des lignes de plus grande pente, et assujéties, quant à leur espacement et à leur épaisseur, à une loi géométrique d'après laquelle on juge assez bien, par la distance qui sépare quatre hachures consécutives mesurées au milieu de leur longueur, du degré d'inclinaison en cet endroit, et cela en portant cette distance comme ordonnée sur une échelle adaptée à cet usage. Mais d'une part cette loi n'est pas unique, car l'auteur la modifie pour chacune des trois classes de pentes qu'il établit; en second lieu les hachures renforcées dans les pentes un peu roides sont si larges et si noires, pour donner de l'expression au relief, qu'elles ne permettraient pas d'y placer des détails et des écritures; d'autre part, l'inclinaison du terrain ne se mesurant que perpendiculairement à la ligne de plus grande pente,

c'est-à-dire dans le sens où elle n'existe pas. il est impossible de donner par cette méthode, comme dans le système si simple des courbes de niveau équidistantes, la mesure de toutes les pentes du terrain que comporte l'échelle adoptée pour le levé, et qui se trouvent si bien coordonnées entre elles de l'autre manière. Enfin l'on s'est assuré qu'il faudrait un temps considérable et une somme énorme pour dessiner à la plume ou graver, conformément à ce nouveau système, une seule feuille de la carte de France. Malgré cela la méthode de M. le général H... a quelques avantages sur celle des Allemands, et nous pensons qu'il est possible de l'employer dans certaines circonstances.

Cependant nous ne voyons pas de quelle manière on évaluerait sur les cartes de cet officier-général l'inclinaison d'un chemin qui aurait une direction différente de celle de la ligne de plus grande pente, et nous ne concevons pas bien qu'on puisse lever régulièrement au quarante-millième, à cause de la suppression indispensable d'une foule de détails, de mamelons et de pentes particulières qui seraient imperceptibles à cette échelle. Nous concevons difficilement aussi que l'on puisse mesu-

rer immédiatement la plupart des pentes de la nature de celles qui sont indiquées sur le modèle représentant les environs de Coblentz, à moins qu'une pente de cent mètres, par exemple (qui sera, représentée par deux millimètres sur la carte), ne soit dégagée de tout obstacle. Le plus souvent les pentes qu'on a à exprimer à unesi petite échelle sont des pentes moyennes ou générales dont les inclinaisons sont données par les différences de hauteur du sommet et du pied d'un monticule.

On pourrait penser que le Dépôt de la guerre, ayant fait executer quelques cartes sur lesquelles se manifeste le système allemand, il est lui-même partisan de ce système, si l'on ne remarquait pas que la carte des chasses, très médiocre sous le rapport des montagnes, et celle de la Belgique, connue

⁽¹⁾ Des vues d'économie, souvent, ont fait changer quelques décisions fondamentales de la commission royale de la nouvelle carte de France: par exemple, le quarante-millième a été substitué au dix-millième pour la plupart des feuilles minutes de cette carte; ainsi les travaux topographiques des ingénieurs-géographes se bornent maintenant à coordonner les mappes du cadastre réduites au quarante-millième et à les compléter par des reconnaissances, faute de pouvoir procéder comme aux échelles du dix et du vingt-millième.

sous le nom de carte des quatre départemens réunis ', datent d'une époque antérieure à la décision de 1802, et que, depuis lors, toutes celles publiées par cette administration sont empreintes du système français. Il est peutêtre plus surprenant de voir encore des cartes sortant du Dépôt des fortifications non exécutées selon les principes admis à l'école de Metz, et quelques éditeurs de cartes géographiques, professant une opinion contraire à la nôtre, ne pas renoncer à l'usage établi en France depuis long-temps, de supposer le terrain éclairé obliquement.

Lorsqu'aux Dépôts de la marine, de la guerre, des fortifications, dans le commerce, etc., cet usage est constamment suivi, comment peut-on dire que le système de la lumière oblique est un système vieilli et abandonné? lorsque, sur les cartes gravées à l'étranger dans le système des teintes, soi-disant en raison des

⁽¹⁾ Un ingénieur français, formé à l'école allemaude, et qui avait coopéré avec beaucoup de zèle au levé de cette carte, fut un jour consulté par un dessinateur du Dépôt de la guerre qui n'y comprenait pas un mouvement de terrain. Il s'agissait de savoir si ce mouvement exprime un monticule ou un enfoncement. L'ingénieur, après un quart-d'heure d'examen et d'hésitation, répondit : « Puisqu'il n'y a pas de flaque d'eau en cet endroit, c'est probablement parce que le terrain y est en relief. »

pentes, personne ne peut évaluer approximativement les inclinaisons du terrain où l'on suppose qu'elles ont été mesurées, comment peut-on préconiser ce système? Celui de la lumière zénithale, uni au principe de la perspective aérienne, serait sans doute le meilleur et le plus simple en topographie s'il pouvait suppléer avec avantage à l'absence des mesures géométriques dans les pays de hautes montagnes, et s'il était exempt des graves défauts qu'il présente; mais aucun des partisans de ce dernier système n'est encore parvenu à fournir une preuve matérielle de la possibilité de figurer le terrain d'une manière plus exacte, aussi énergique, aussi gracieuse et aussi prompte que par la méthode dont nous nous sommes principalement attachés à exposer les principes. Des essais de très petites dimensions, toujours relatifs à de légers mouvemens de terrain dégagés de tous détails, afin de faire ressortir les propriétés géométriques et physiques du système mixte dans lequel ils sont exécutés, ne sont propres qu'à séduire ceux qui sont étrangers à l'art du dessin topographique. Pour juger sciemment de la supériorité d'un système sur l'autre, il faut comparer entre eux de grands modèles d'un pays fortement accidenté et qui soient complets

sous tous les rapports: pour reconnaître que ce qui est bien en théorie ne l'est pas toujours en pratique, il faut avoir opéré soi-même sur le terrain et au cabinet.

Tout en critiquant, trop sévèrement peutêtre, ces divers systèmes, nous sommes loin toutefois d'admirer aveuglément toutes les cartes gravées à la manière française. Nous conviendrons sans détour que parmi celles-ci il en existe un grand nombre qui donnent de très fausses notions du relief du terrain; mais certainement cela ne tient pas à la méthode. Nous avouerons aussi avec franchise que dans le nombre de cartes gravées selon la méthode allemande il en est plusieurs qui présentent beaucoup d'intérêt : par exemple, celles dont se compose l'Atlas du mémorable Voyage de M. de Humboldt; mais ce qui rend ces dernières plus précieuses encore, c'est que ce savant et illustre voyageur a su leur donner une grande précision géométrique, indépendamment des procédés ordinaires de la géodésie et de tout système d'éclairage.

Mais terminons nos observations sur un pareil sujet, et attendons avec confiance le résultat du travail de la commission qui doit mettre fin aux débats. Puisse cette commission penser comme nous que l'art topographi-

que, envisagé sous le point de vue le plus général, ne doit pas être étranger à celui d'imitation; que la méthode suivie jusqu'à présent par les plus habiles topographes et graveurs du Dépôt de la guerre est seule capable de procurer à la France une carte de son territoire véritablement appropriée aux besoins des administrations et des particuliers, et en parfaite harmonie avec les productions les plus remarquables de ce genre; enfin, que toute innovation qui changerait les principes établis parmi nous sur le figuré géométrique et physique du terrain ferait indubitablement perdre à la topographie française sa prééminence sur celle des autres nations!

PRINCIPES DU DESSIN ET DU LAVIS DES PLANS ET CARTES TOPOGRAPHIQUES.

S VI.

Des papiers propres au lavis et à calquer.

Les papiers vélin et de Hollande de différentes dimensions sont ceux dont on fait usage pour les dessins à la plume et au lavis. Il faut éviter d'employer, pour le lavis surtout, des feuilles d'un gros grain, mal collées, et dont la pâte n'est pas bien homogène; c'est ce que l'on

reconnaît aisément en regardant le jour à travers. Il ne faut jamais appliquer des teintes sur un dessin, avant de l'avoir collé et bien tendu sur un fort carton. Cette opération est facile: on mouille le verso du dessin avec une éponge pleine d'eau, et l'on colle les bords avec de la colle à bouche, ayant soin de le tendre légèrement et également dans tous les sens. A mesure que le papier se sèche, ses boursoufflures disparaissent, et il finit par être fortement tendu. On procède de même à l'égard des feuilles-minutes collées sur toile de percale, comme celles en usage au Dépôt de la guerre.

Pour tirer le calque d'un dessin qui ne peut être dessiné à la vitre ou copié au pantographe, on se sert de papier serpente très mince, auquel on donne, s'il en est besoin, plus de transparence, en y passant une couche de térébenthine. Ce papier, rendu très lucide au moyen d'un vernis siccatif, n'est ordinairement employé à calquer les dessins que quand le trait n'a pas besoin d'être très fin, car la couleur s'y fixe difficilement. Un calque peut se faire au crayon, si le papier est naturellement transparent; il s'arrête plus aisément à la plume dans le cas contraire.

Il est très rare en topographie que l'on pi-

que un dessin pour en tirer promptement copie, à moins qu'il n'ait très peu d'étendue, qu'il ne soit composé que d'un très petit nombre de lignes courbes, et qu'il ne contienne plus d'architecture que de détails topographiques.

§ VII.

Du trait au crayon et à la plume.

Tout dessin exécuté au crayon doit présenter un trait pur, égal et bien soutenu, sans être trop fort. Les crayons de Brockmann, qui ne sont pas très mous, sont excellens pour dessiner la topographie, le paysage et l'architecture, parce qu'ils procurent un trait gras et moelleux, susceptible d'être aisément effacé à la gomme élastique. A défaut de ces crayons anglais, ceux de Conté, qui sont d'ailleurs d'un prix modique, servent aux mêmes usages.

Dans les dessins topographiques considérés comme minutes, le trait fait légèrement au crayon s'arrête à la plume. On emploie pour cela des plumes de corbeau ou des bouts-d'ailes, taillés de manière que le bec trace une ligne tortueuse partout d'égale grosseur. Dans ce but l'on fait égales les deux parties du bec, et l'on abat leurs arêtes exté-

rieures. Les lignes droites tracées au tireligne sont plus sèches que celles qui sont faites à la plume; mais le trait des grandes minutes topographiques, s'arrêtant plus promptement au tire-ligne, les ingénieurs-géographes ne se font pas scrupule de tracer avec cet instrument les grandes routes, les limites des cultures, des massifs de maisons, etc.: ils réservent la plume pour dessiner les bords des rivières, des ruisseaux, des chemins sinueux, les lignes de plus grande pente, les masses d'arbres, les rochers, les arrachemens, etc.

Les limites des carreaux et des plates-bandes des jardins se tracent en plein du côté de l'ombre, et se ponctuent du côté du jour; elles doivent être moins fermes que le reste du trait.

Les courbes de niveau équidistantes ne se dessinent au crayon sur les minutes qu'après y avoir arrêté tous les détails à la plume, ainsi qu'on l'a dit au § II. Il importe qu'elles soient décalquées avec soin, afin que les formes du terrain aient une exactitude comparable à celle de la méthode employée pour les obtenir. On exécute ce décalque en interposant entre le dessin et la feuille de papier serpente sur laquelle sont tracées les courbes horizontales, une autre feuille de papier ser-

pente dont un côté, noirci avec de la mine de plomb très tendre, est appliqué sur le dessin même; puis en promenant une pointe à décalquer sur les courbes dont il s'agit, et appuyant assez pour que sa trace reste imprimée sur le dessin. Nous n'avons pas besoin de faire observer que ces feuilles doivent être assez bien fixées au dessin pour n'éprouver aucun dérangement pendant cette opération.

Si les lignes de plus grande pente doivent ensuite remplacer ces courbes, comme sur les minutes topographiques du Dépôt de la guerre, on ne les trace qu'à la plume, afin de ne pas faire inutilement un double travail. Il faut observer à cet égard la règle prescrite au deuxième paragraphe.

Nous avons dit précédemment que l'encre de la Chine et le carmin sont les deux seules couleurs qu'on applique ordinairement au trait des minutes; cependant l'on est quelquefois dans l'usage d'employer, sur les mis-au-net, le bleu de Prusse ou d'indigo pour marquer les bords des eaux, le bistre ou plutôt la seppia colorée pour tracer les chemins, les sentiers, les ponts de bois, les fossés qui bordent les grandes routes ou les bois, ou qui sont creusés dans l'intérieur des terres.

Lorsque les différences du niveau du soit sont très grandes, on assujétit le trait au principe de la perspective aérienne, c'est-àdire qu'on le fait plus ferme vers le haut des montagnes qu'à leur pied. Cette dégradation bien entendue et qui n'a d'autre règle que le goût, fait partie de l'expression physique du terrain: elle ne doit être négligée ni dans le système de la lumière oblique, ni dans celui de la lumière zénitale.

S VIII.

De l'application et de la dégradation des teintes.

Pour étendre proprement les teintes sur un dessin collé et lessivé ainsi qu'on l'a dit cidessus et au paragraphe III, il est nécessaire de se procurer de bons pinceaux. On juge qu'ils ont la qualité requise, lorsqu'ils forment bien la pointe après les avoir suffisamment imbibés d'eau, et qu'ils la reproduisent en vertu de leur élasticité après les avoir promenés sur un papier. Les pinceaux de poil de marte conservent plus long-temps cette propriété que les autres, mais ce sont les plus chers. Leur pointe ne doit pas être trop déliée lorsqu'ils sont destinés au feuillé des arbres dans le paysage, ou à un travail analogue sur les des-

sins topographiques: les pointes émoussées et arrondies sont les meilleures dans ce cas. Les pinceaux s'ajustent au bout de petites baguettes très courtes nommées hampes. On garnit chaque hampe de deux pinceaux, l'un destiné à étendre la teinte, l'autre à la dégrader.

Les couleurs qu'on emploie étant en bâtons ou en tablettes, on les délaie avec de l'eau très claire dans un godet de terre de pipe ou de porcelaine, ou dans une assiette blanche ordinaire, en les frottant légèrement sur la paroi du vase. Le mélange étant ensuite remué avec le pinceau, l'on essaie la teinte sur un papier de même qualité que celui du dessin, pour voir si elle a le ton et l'intensité convenables.

Il faut que la grosseur du pinceau soit suhordonnée à l'étendue des teintes, car on ne réussirait jamais à former proprement une grande teinte plate ou uniforme avec un petit pinceau. Voici comme on procède à ce sujet.

Lorsqu'une teinte plate doit être appliquée sur une grande surface, on humecte d'abord légèrement le papier pour l'empêcher, lorsqu'il est très sec, de saisir trop vite la teinte. On la prend à plein pinceau, et on l'étend peu à peu, sans attendre qu'il n'en reste plus dans le pinceau, et qu'elle soit sèche vers les bords

où elle serait cernée par une ligne large et baveuse d'un ton plus soncé que le reste. It faut, pour éviter cet inconvénient, reprendre la teinte dans les endroits où l'on craint qu'elle ne sèche précipitamment, et la porter un peu plus loin, l'accumuler surtout vers les bords; puis revenir où on l'avait abandonnée, et ainsi de suite jusqu'à ce qu'on soit arrivé avec peu de couleur aux limites précises de l'espace qu'elle doit couvrir.

Quand une teinte doit être sorte, il saut la sormer à deux ou trois reprises dissérentes, parce que sans cela elle serait crue et inégale; mais une teinte ne peut être appliquée sur une autre que quand celle-ci est presque sèche; et comme les couleurs déposent, chaque sois que l'on garnit son pinceau l'on a soin d'agiter le mélange pour ramener la teinte à sa nuance primitive, et même d'y mettre quelques gouttes d'eau, si l'évaporation produite par la chaleur est sensible.

Lorsqu'en étendant une teinte, le bout du pinceau vient à se diviser en deux parties, on en reforme la pointe, non pas avec les lèvres, comme le font la plupart des dessinateurs, mais en tournant le bout du pinceau sur le bord du godet ou du verre d'eau qui sert à le nétoyer, afin de ne pas mettre à la bouche une couleur malfaisante ou d'un goût désagréable.

Cependant si, après tout, quelques parties de la teinte définitive étaient un peu trop faibles de ton, une légère teinte appliquée avec le pinceau à demi-plein les amènerait au degré de force convenable.

Lorsqu'une teinte doit être adoucie, comme celles qui sont destinées à ombrer les parties de montagne arrondies, ou les glacis et talus des ouvrages de fortification, l'on se sert pour cet effet, d'un grand pinceau propre, pas trop rempli d'eau, afin de ne pas noyer la teinte et la chasser au-delà du terme où elle doit s'étendre. On commence l'adoucissement vers la fin de la teinte, en la portant rapidement en avant avec ce second pinceau, que l'on dépouille de temps en temps de la couleur dont il se charge.

L'encre de la Chine et le carmin sont les couleurs les plus difficiles à dégrader insensiblement, mais l'exercice et l'expérience mènent au succès de cette opération.

Dans les plans topographiques, on n'adoucit les teintes au carmin que pour indiquer que les massifs de maisons restent indéterminés; c'est ce qui se pratique aux ponts et chaussées, sur les plans de projets de routes ou de canaux à établir le long des habitations.

En architecture, et dans le paysage principalement, les teintes s'appliquent toujours franchement et ne s'adoucissent jamais. Cependant, en les faisant faibles et en les superposant de manière que la limite de la teinte supérieure ne coïncide pas avec celle de la teinte inférieure, elles finissent par produire dans leur ensemble une teinte générale dégradée qui n'a ni dureté ni mollesse.

Si quelques parties du lavis paraissaient trop dures et peu d'accord avec les autres, on les adoucirait avec une éponge mouillée, ou en les frottant avec de la mie de pain rassis.

SIX.

De la composition des teintes de différentes couleurs, pour les minutes topographiques.

Aux ponts et chaussées, la teinte noire désigne les parties de maçonnerie construites, la teinte rouge celles qui sont à construire, et la teinte jaune ce qu'il faut démolir.

Dans le génie militaire, ce qui est en rouge désigne au contraire une maçonnerie subsistante; ce qui est en jaune un projet à exécuter, et une teinte noire un ouvrage construit en terre. Il serait à désirer que ces teintes conventionnelles eussent les mêmes significations dans tous les services publics.

Sur les minutes topographiques du Dépôt de la guerre, on fait aussi depuis 1802 usage de teintes conventionnelles. Les couleurs principales employées à la composition de ces teintes sont l'encre de la Chine, le carmin, la gomme gutte et l'indigo.

Voici, à peu-près, dans quelles proportions se forment les mélanges, en supposant avec M. Chrestien, que l'unité de mesure ou la partie est la quantité de couleur ou d'eau pure contenue dans un pinceau plein.

MONTAGNES, teinte transparente, formée d'encre de la Chine mêlée d'un peu d'indigo, pour lui ôter le ton sale et terreux qu'elle aurait sans cela.

Elle s'applique à plusieurs reprises sur les faces inclinées des montagnes, jusqu'à ce qu'elle ait acquis l'intensité désirée, soit qu'on applique le système de la lumière oblique, soit qu'on suppose le relief éclairé du zénith; et l'on se conforme à cet égard à ce qui a été dit au § III. Dans les deux cas, la teinte se dégrade conformément aux règles de la perspective aérienne.

terres labourées (closes de murs); brunterre-d'ombre, ou terre de Sienne non calcinée;

Trois parties de gomme gutte pure, une partie de carmin, un quart de partie d'encre de la Chine et huit parties d'eau. Une teinte légère tirant sur le nankin est préférable.

CHAMPS (non entourés de murs); se laissent en blanc.

VIGNES, brun-violet;

Une partie de gomme gutte, une partie de carmin, un quart de partie d'indigo, et huit à dix parties d'eau.

PRAIRIES, vert-d'herbe;

Gomme gutte, trois parties; bleu d'indigo, une partie; et huit à dix d'eau.

vergers, vert-d'herbe léger; ou terred'ombre;

Le même vert que celui des prairies réduit à moitié de ton, ou une partie du vert ci-dessus et cinq à six parties d'eau. La teinte terred'ombre la même que pour les terres labourées entourées de murs.

FRICHES, panaché, vert-pistache et aurore légère;

Même vert que celui des fonds de vergers, auquel on ajoutera un peu de gomme gutte pour lui donner la couleur pistache. L'aurore

légère est composée d'une partie de gomme gutte, de trois-huitièmes de partie de carmin, et de dix à douze parties d'eau.

BROUSSAILLES, panaché, jaune-paille et vert léger;

Le jaune-paille, une partie de gomme-gutte et quatorze à seize parties d'eau. Le vert léger est le même que celui des fonds de vergers, auquel on ajoutera un peu de bleu.

FORETS et BOIS, jaune-verdâtre;

Une partie de gomme gutte, un quart de partie d'indigo, et sept à huit parties d'eau.

Cette teinte plate s'applique plus faible dans les parties où les bois sont dessinés à la plume, comme dans les parterres ou dans les parcs clos de murs; on lui donne même un ton plus jaunâtre, afin de faire mieux ressortir les massifs d'arbres bordés d'un vert foncé du côté de l'ombre. Les masses de bois non feuillés sont relevées par un liseré vert étalé le long des limites qui sont du côté de l'ombre, dans le système de la lumière oblique.

BRUYÈRES, panaché, vert et rose;

Pour la teinte rose, une partie de carmin et douze d'eau. La verte est la même que celle des fonds de vergers, à laquelle on ajoutera un peu d'eau.

Ces deux couleurs s'appliquent alternative-

ment etse fondent l'une dans l'autre vers leurs bords.

LANDES, vert-olive et aurore pâle;

Teinte vert-olive, une partie de gomme gutte, une demi-partie de bleu d'indigo, une partie et demie de la teinte rose ci-dessus, et huit parties d'eau. L'aurore pâle, de même que celle pour les friches.

La teinte aurore sert à indiquer les flaques de sable qui se rencontrent dans les landes, telles qu'on en voit dans celles de Bordeaux : ces flaques sont d'eau pendant l'hiver.

SABLES, aurore;

Deux parties de gomme gutte, trois quarts de partie de carmin, et seize parties d'eau.

Cette teinte étant devenue sèche et dans toute sa force, on la délaiera avec quatre ou cinq parties d'eau, et l'on s'en servira pour renforcer les bords des bancs de sable en l'adoucissant vers le milieu, et pour pointiller ou piquer les sables qui bordent les rivières. On jette quelques points d'encre de la Chine çà et là dans les parties sablées et garnies de cailloux.

VASE, boue;

Une partie de gomme gutte, un bon tiers de partie d'encre de la Chine, un peu de carmin et de bleu à la pointe du pinceau seulement, et vingt à vingt-quatre parties d'eau.

On fera de même pour la vase que pour les sables; mais on ne pointillera pas.

TERRES HUMIDES, panachées horizontalement vert et bleu;

Le même vert que celui des prairies, et pour le bleu une partie d'indigo, et huit à dix parties d'eau.

MARAIS, vert d'herbe et bleu léger;

Même vert que ci-dessus; le bleu léger, une parte d'indigo, et dix-huit à vingt parties d'eau.

Les flaques d'eau, après la teinte plate que l'on vient d'indiquer, seront ondulées horizontalement avec le blen destiné pour les terres humides.

ÉTANGS, RIVIÈRES, FLEUVES, LACS, bleu léger;

Commé ci-dessus, une partie d'indigo, et dix-huit à vingt parties d'eau.

Après avoir mis la teinte plate, bleu léger dans les étangs, les rivières, les fleuves et les lacs, on renforcera les bords du côté de l'ombre, avec une teinte bleue (d'une partie d'indigo et huit parties d'eau), qu'on appliquera le long du bord, d'une largeur convenable

à l'étendue de l'objet, et qu'on adoucira vers son milieu. On fera la même chose le long des bords, du côté du jour, avec une teinte à peu près moitié plus faible, plus étroite, et également adoucie vers le milieu.

Les étangs seront ondulés horizontalement, plus fort du côté de l'ombre, et légèrement du côté du jour.

Les fleuves, les rivières et les lacs seront filés avec du bleu (d'une partie d'indigo et huit parties d'eau), le long et parallèlement à leurs bords, en diminuant de force les filets et en les écartant davantage à mesure qu'on s'éloignera du bord vers le milieu, pour le côté de l'ombre; celui du jour sera filé de même avec de la teinte plus légère.

MERS, vert-d'eau léger;

Une partie d'indigo, une demi-partie de gomme gutte, et vingt à vingt-quatre parties d'eau.

Après la teinte plate, l'on renforcera aussi les bords, le long de la côte, par une même teinte plus forte (une partie d'indigo, une demi-partie de gomme gutte, et huit à dix parties d'eau) et d'une largeur d'environ un centimètre, en observant de ne pas l'appliquer tout-à-fait près du bord, mais à distance d'un millimètre, et on l'adoucira vers le large. Ensuite, pour imiter les vagues, on fera avec cette même teinte, des sillons interrompus, tremblés, un peu courbes, et cependant parallèles à la côte, en les diminuant de force, et en les écartant davantage à mesure qu'on s'éloignera de la côte vers le large.

HABITATIONS, carmin;

Teinte plate et claire, mais brillante dans les grands massifs, et liseré soncé aux limites privées de jour. Dans les maisons isolées et très petites, comme au dix-millième, la teinte plate doit être double de celle des grands massifs.

ROCHERS. Les rochers sont répandus sur les flancs des montagnes ou bordent les ravins, les fleuves, les rivages des mers, ou couronnent les hautes sommités. Dans tous les cas leurs masses et leurs formes particulières doivent être caractérisées à la plume et toujours représentées en projection horizontale. Les faces inclinées qu'on suppose être privées de lumière seront teintées à l'encre de la Chine ou à la seppia; celles qui sont exposées au jour recevront un glacis d'une très légère teinte de jaune de Naples et quelques touches de terre de Sienne brûlée : ces touches devront avoir plus de vigueur dans les parties élevées que dans les parties basses.

Il est d'autant plus difficile de bien exprimer les rochers, que l'on s'est moins exercé au dessin du paysage et aux levés à vue; c'est une vérité que l'on ne saurait trop répéter à ceux qui se destinent à la topographie générale. Il en est de même des autres parties pittoresques du terrain. L'ingénieur qui ne saurait mesurer que des pentes pour fait bien faire un excellent mémoire sur la constitution physique d'une chaine de montagnes; mais il laisserait certainement à regretter, à l'appui de ses descriptions une bonne carte topographique.

L'application de toutes ces teintes ne présentant aucune dissiculté, d'après ce qui a été dit précédemment, nous nous bornerons à faire observer qu'on n'y procède qu'après avoir obtenu l'effet du relief du terrain, du moins en grande partie, soit d'après le procédé expliqué au paragraphe 3, soit conformément au principe de la lumière zénithale. On pose lest eintes de prés, de bois, de vignes, à deux reprises différentes, parce que le papier et l'air affaiblissent en très peu de jours les premières teintes. On remplit les carreaux et les plates: bandes des jardins de teintes très légères, vertes, jaunes de paille, panachées, et l'on met un liseré plus foncé de ces couleurs le long des limites qui sont du côté de l'ombre.

Les parties boisées closes de murs s'indiquent par un feuillé d'arbres fait à la plume, rehaussé d'un vert jaune du côté du jour, et d'un vert foncé du côté de l'ombre. C'est ce même vert foncé ou à pocher qu'on applique aux arbres isolés et aux haies vives. Les ombres de ces objets se font à l'encre de la Chine mêlée d'un peu de bleu. Une teinte rose, très légère, s'étend sur les chaussées des grandes routes pavées: on ne met rien sur les parties qui sont seulement en cailloutage.

La teinte de maisons doit être d'un beau rouge de carmin; on la pose la dernière et on la double d'intensité pour les édifices remarquables, tels que les églises, les chapelles, les châteaux. On fait mieux ressortir les îles de maisons, et même les habitations isolées, en leur donnant des coups de force du côté de l'ombre, soit au moyen d'un trait renforcé, soit en mettant un liseré étroit d'une couleur plus intense que la teinte.

Les chemins très étroits et les ruisseaux se rehaussent de même par des coups de force au pinceau ou à la plume, toujours du côté où les talus et les berges sont censés dans l'ombre.

Enfin, quand le lavis est terminé, on distribue les écritures avec goût, et l'on tâche de donner aux lettres de différens caractères les dimensions et les formes les plus gracieuses (Voyez le tableau n° 1), car le plus beau dessin est gâté par une mauvaise écriture. On place convenablement les cotes de hauteur; on indique par une flèche le sens suivant lequel coulent les eaux des rivières; on n'oublie pas de mettre l'échelle ni d'orienter le dessin, si le nord est dans une direction autre que celle qui est usitée pour les grandes cartes topographiques.

Voilà, en abrégé, comment on peut parvenir à former de bonnes minutes utiles aux services publics, quel que soit d'ailleurs le mode de figurer le terrain; mais, nous le répétons, la méthode du Dépôt de la guerre ou des ingénieurs-géographes, en ce qui concerne l'expression physique des hautes montagnes, l'emporte de beaucoup sur toutes celles qui ont été proposées jusqu'à présent, et paraît pour cette raison convenir le mieux aux cartes à petits points: telle est du moins notre opinion. Si cette administration, dans ses instructions données en 1818aux ingénieurs-géographes chargés des levés de détail, a insisté pour que l'on se bornât à indiquer le figuré par des courbes de niveau et des lignes de plus grande pente sur les minutes au dix millième, sans chercher en aucune manière à s'aider des ombres dans le dessin des montagnes sur le terrain, c'est parce qu'elle a voulu que le principe des sections équidistantes fût appliqué en toute rigueur; pensant d'ailleurs que l'expression physique du relief pouvait être atteinte plus tard au cabinet. Quant au lavis aux teintes naturelles, ce n'est au fond qu'un objet de luxe et d'agrément, une imitation de la nature à la manière des peintres de paysage: nous ne nous en occuperons point ici.

EXPLICATION DE NOUVELLES TABLES PROPRES A ABRÉGER DIVERS CALGULS DONT LES RÉSUL-TATS SONT UTILES EN TOPOGRAPHIE.

§ 10.

Table pour réduire à l'horizon les lignes inclinées.

Dans les opérations topographiques la position d'un point se détermine très facilement à la boussole, si de ce point l'on en voit deux autres sur la carte; car il suffit de mesurer l'angle que chaque rayon visuel, passant par les points connus, fait avec le méridien magnétique, et de le rapporter sur le levé (Topographie, pag. 219). On obtient à cet égard toute l'exactitude possible en mesurant chaque angle deux fois de suite, la première fois en pointant la lunette de la boussole à droite,

la seconde fois en la pointant à gauche et prenant la demi-somme des deux arcs indiqués par le nord de l'aiguille, abstraction faite de deux angles droits dont le second arc est plus grand que le premier. On voit que le but de cette double opération est de corriger, par la méthode du renversement, l'angle observé de l'erreur de collimation de la lunette, et cela est indispensable, parce qu'il arrive fréquemment que l'axe optique n'est pas parallèle à l'aiguille aimantée placée sur le zéro de la graduation. Dans ce cas, la moitié de la différence des deux arcs mesurés est l'erreur constante dont il s'agit.

Si la boussole avait seulement une alidade à double visière, il faudrait pointer chaque fois par la même œillère; mais ce procédé n'est praticable que quand le pays est découvert, et il ne donne un résultat bien exact que quand l'angle d'où l'on voit les deux objets connus n'est ni trop aigu ni trop obtus. Généralement il est utile de vérifier la position de la station à l'aide d'un troisième point.

Lorsque le pays est fourré, on va d'une station à une autre par alignement, c'est-à-dire qu'on lie les stations entre elles en mesurant les distances qui les séparent et en observant les angles que ces distances sont avec le méridien magnétique. Les ingénieurs geographes, pour mesurer les petites longueurs, se servent avec avantage de la *stadia* dont voici la construction.

Après avoir placé au réticule de la lunette à planchette deux fils parallèles au fil horizontal, l'un au-dessus et l'autre au-dessous de ce dernier, de manière que les deux intervalles soient égaux et d'environ trois millimètres chacun, on dispose verticalement et successivement à la distance de 100 m. 200 m. 300 m de cette lunette, une règle en bois blanc ayant trois mètres de longueur à peu près, douze centimètres de largeur et trois centimètres d'épaisseur, sur une des faces de laquelle on marque chaque fois au crayon l'intervalle compris entre les deux fils parallèles dont l'un affleure l'extrémité supérieure de la règle, tandis que l'axe optique est horizontal. Ensuite on divise en vingt parties égales chacun des trois intervalles qui doivent être égaux, et ces petites parties correspondent à cinq mètres de distance. Enfin, l'on peint sur un fond blanc ces divisions en noir et à l'huile par des traits diversifiés et un peu larges, afin de les bien distinguer les uns des autres à la plus grande distance de trois cents mètres. C'est cette règle ainsi construite à laquelle un Italien a donné le nom de stadia: elle remplace la chaîne dans tous les levés de détail au cinq et au dix-millième, et peut également servir dans les grandes opérations cadastrales; ordinairement on la fait de deux parties réunies par une charnière, afin de la rendre plus portative. Quand l'axe optique, déterminé par le fil du milieu, est incliné à l'horizon, la distance mesurée à la stadia, pour être portée sur la carte, doit être diminuée en raison de son angle d'inclinaison. Ainsi, à l'aide de la petite table suivante, calculée de grade en grade et pour cent mètres de longueur, on réduira à l'horizon toute autre longueur inclinée en faisant cette proportion:

Cent: nombre de la table :: longueur mesurée : longueur réduite.

inclinaison.	PROJECTION horizontale.	INCLINATEON.	PROJECTION horizontale.
Grades.	m.	Grades.	m.
1	99,99	36	91,77
2 .	99,95	27	91,14
3	99.89	27 28	90.48
4	99,80	29	90,48 89,80
5	99,69	3 0	88,74
6	00.56	31	88,38
7 8	99,40	32	87,63
8	99,21	33	86,86
9	99,00	34	86,07
10	98,7 <i>7</i>	35	85,26
1 T	98,51 98,23	36	84,43
13	98,23	3 ₇ 38	83,58
13	97,92	38	82,71
14	97,59	3 ₉ 40	81,82
15	97,25	40	80,90
16	96,86	41	79,97
17 18	96,46	42	79,02
	96,03	43	7 8,04
19	95,58	44	77,05
20	95,11	45	76,04
21	94,61	46	75,00
22	94,09	47	73,96
23	93,54	48	72,90
24	92,98	49	71,81
25	92,39	50 l	70,71

Lorsqu'un obstacle ne permet pas de voir toute la partie de la stadia comprise entre les fils extrêmes du réticule, on remarque combien il y a de divisions entre le premier fil et celui du milieu, et alors le double de ce nombre est celui qui exprime la distance cherchée, puisque les trois fils sont supposés équidistans. Il est indispensable que cette règle soit parfaitement verticale, car sans cela la distance observée serait très fautive et évaluée plus longue qu'elle n'est réellement.

Les longueurs mesurées de la sorte ne comportant pas une très grande précision, ne fûtce qu'à cause de l'incertitude de l'estime, il était inutile d'étendre la table précédente plus que nous ne l'avons fait. Au surplus l'on sait que généralement la longueur mesurée, multipliée par le cosinus de son angle d'inclinaison, exprime sa longueur réduite. Quant à l'angle d'inclinaison, il se mesure comme il sera dit au paragraphe suivant.

Si, après avoir parcouru à la stadia tous les côtés d'un polygone, on trouvait une erreur assez sensible soit dans la direction du dernier côté soit dans sa longueur, il faudrait chercher à la rectifier ou tout au moins à l'atténuer en partant de points bien déterminés et revenant vers ceux qui présentent de l'incertitude. En général, une erreur d'un millimètre, quelle que soit l'échelle du levé, est considérée comme nulle lorsqu'elle résulte d'un grand nombre de petites directions liées les unes aux autres. Il convient toutefois de la réduire à moitié, en corrigeant convenablement les parties défectueuses.

§ XI.

Du calcul des différences de niveau.

L'instrument dont on se sert dans les levés topographiques, pour déterminer les différences de niveau des points du terrain, est composé d'un petit demi-cercle en cuivre, accompagné d'une lunette et d'un petit niveau. Tout l'ensemble, qu'on nomme éclimètre, s'adapte ordinairement à une boussole supportée par un pied à trois branches (fig. 7). Il est très avantageux dans la pratique que la lunette entraîne un index ou une petite règle de cuivre faisant angle droit avec elle, et par conséquent l'office d'un rayon mobile; et que de plus la graduation du limbe soit numérotée depuis o jusqu'à 200 grades ou 180 degrés, de manière que le zéro soit à l'extrémité du diamètre du demi-cercle située du côté de l'oculaire, et l'autre numéro à l'autre extrémité de cette ligne du côté de l'objectif, vu que par ce moyen l'on obtient immédiatement les distances zénithales. Ainsi lorsque l'axe optique de la lunette est horizontal, le vernier de l'index correspond à 100 grades ou 90 degrés, supposé toutefois que l'instrument ait été vérifié et rectifié d'après les principes que nous avons exposés aux art. 159 et 161 du Traité de Topographie, etc., 2º édition, ou comme on l'indiquera ci-après.

La distance zénithale obtenue, en ayant constamment le limbe ou la lunette à droite, on mesure graphiquement sur la carte la distance horizontale du point de station à celui qu'on a observé, et l'on note la hauteur du centre de l'instrument au-dessus du terrain.

Si le limbe était gradué pour donner les angles de hauteur et de dépression, il faudrait les affecter respectivement du signe positif et du signe négatif, afin d'éviter toute méprise dans le calcul des différences de niveau.

Supposons maintenant que à fait la distance zénitale observée, K la distance horizontale mesurée, et dE la différence de niveau cherchée; on aura généralement, comme nous l'avons très simplement démontré dans notre Traité de Géodésie et notamment dans la 3º édition du Recueil de diverses propositions de géométrie, etc., p. 59.

(A) $d \mathbf{E} = \mathbf{K} \cot \delta + q \mathbf{K}^2$.

Formule dans laquelle $\log q = 2.81869$, et qui donne dE en mètres.

Le plus souvent le premier terme K cot d est suffisant, mais au-delà de 2000 mètres il est indispensable de tenir compte du second terme. Cette formule peut toujours se calculer exactement avec des tables de logarithmes à cinq décimales : celles de Plausolles, relatives à l'ancienne et à la nouvelle division du cercle étant très portatives et très peu volumineuses, les calculateurs la présèreront toujours aux tables indépendantes des logarithmes. Cependant pour la commodité des praticiens nous avons donné la table première, qui n'est autre que celle des tangentes naturelles augmentées de leurs multiples jusqu'à neuf. Elle est réduite aux décimales nécessaires pour avoir les différences de niveau à un mètre près, dans les cas les plus défavorables. Sa disposition, due à feu le chef d'escadron Maissiat, ingénieurgéographe, m'ayant paru commode, je l'ai conservée; mais quand on désirera une très grande précision dans l'évaluation des différences de niveau il vaudra mieux recourir à la

formule précédente, dont la table II, que j'ai calculée, donne fort exactement le second terme dans l'hypothèse que le coefficient de la réfraction moyenne est de $\frac{8}{100}$. Ce terme, comme l'on sait, se compose de deux parties, l'une relative à la correction de Sphéricité qui est positive, l'autre à celle de réfraction qui est négative. (Voy. le 1er vol. du Traité de Géodesie, 2e édit., p. 355.)

APPLICATIONS.

Premier exemple.

Soit $K=4000^m$, et $\delta=99^s$, 15; on aura par les logarithmes

L.
$$K=3,60206$$

L. $cot \delta = 8,12553$
L. $q=2,81869$
L. 1^{cr} terme = $1,72759$
L. 2^{c} t. = $0,02281$
Différence de niveau $dE=54^{m},46$

Notez bien que le premier terme serait négatif si détait plus grand que 100 ou 90°.

Pour trouver le premier terme par la table I, cherchez vis-à-vis 0,85, complément de la distance zénithale 99,15, et dans la colonne quatre le nombre 0,053; ensuite avancez la virgule de trois rangs, parce que K est de 4000 au lieu de quatre metres, et vous aurez 53 C'est, en nombre entier, le premier terme cherché. Quant au second terme, qui est toujours positif, vous le trouverez dans la table II vis-à-vis la base K.

On commet ici une erreur de om,46; mais elle n'est d'aucune importance dans les levés topographiques où il s'agit de rechercher les courbes de niveau pour figurer le terrain d'après les lignes de plus grande pente. D'ailleurs dans les levés à grande échelle, comme au dixmillième, les points trigonométriques auxquels on lie les nivellemens partiels dont il s'agit sont très souvent à peu de distance de l'observateur.

Remarquez que, quelle que soit la réfraction, la formule (A) ci-dessus procure exactement la différence de niveau par deux distances zénithales réciproques et supposées simultanées, en prenant la moyenne des deux résultats auxquels elle conduit, abstraction faite de leurs signes: c'est-à-dire que si donne dE, et d'donne dE', la véritable différence de niveau

cherchée sera $\frac{dE+dE'}{2}$. Il suit de là que cette formule est générale pour tous les ordres de triangulation.

Deuxième exemple.

Soit encore K=1320^m, et δ=101⁵10'. Dans la table I, vis-à-vis 1⁵, 10', complément de δ, on trouvera:

Bans la colonne 1, pour	1000 ^m	18 ^m ,
3, pour	300	5,2
2, pour	20	o , 35

Total. . . . $dE = 23^{m},55$

c'est-à-dire que le point observé est de 25^m,55 plus bas que le centre de l'instrument. On néglige le terme de la table II qui serait à peine d'un décimètre, et par conséquent beaucoup plus petit que l'erreur de la table I, qui est de 0^m,74, et dont on peut faire abstraction pour les mouvemens de terrain.

Supposons maintenant le centre de l'éclimètre à 1^m,5 au-dessus du sol, et la hauteur absolue du point observé ou sa hauteur audessus du niveau de la mer de 58^m; il est alors évident que le sol où est placé l'instrument a

pour hauteur absolue, dans ce second cas, $58^{m}-25^{m}$, $55-1^{m}$, $5=32^{m}$, 95.

Un autre point trigonométrique observé de la même station fournirait une vérification, et si les deux résultats ne différaient entre eux que de deux à trois mètres au plus, on en prendrait la moyenne. En général, le milieu entre tous les résultats les plus concordans est le résultat définitif.

Très souvent le point déterminé sert à en obtenir d'autres d'où il est impossible de vair un point trigonométrique. Il faut donc en pareil cas choisir les stations avec discernement, afin de les faire dépendre les unes des autres, et d'arriver à la connaissance des cotes de hauteur du terrain les plus propres à en bien caractériser le relief.

En pays de hautes montagnes, ces cotes de hauteur procurent des renseignemens utiles à la formation des profils généraux du terrain suivant une direction quelconque, et le moyen de faire juger géographiquement quels sont les points culminans et les parties de montagnes situées à la même hauteur au-dessus du niveau de la mer; toutefois elles ne sont ni assez multipliées ni assez près les unes des autres pour aider à la recherche des courbes de niveau équidistantes propres à figurer géo-

métriquement le terrain dans un pays facile à explorer.

Dès 1738 Philippe Buache imagina d'employer ces courbes pour représenter sur les cartes hydrographiques les intersections successives de la surface des eaux de la mer avec le rivage, comme si ces eaux s'abaissaient graduellement. Il paraît donc que ce celèbre géographe, trente-trois ans plus tard, a fourni à Ducarla l'idée de faire servir ces courbes au figuré des terrains insubmersibles. La première application du principe des sections équidistantes faite en 1782 par Dupain-Triel, présente sans doute un travail très imparfait par le défaut de données exactes et suffisantes. mais il est certain qu'il n'a pas peu contribué au perfectionnement de la topographie et qu'il facilite singulièrement la solution du problème de défilement.

Il a été décidé, relativement à la nouvelle carte de France, que les sommets des triangles du premier ordre seraient invariablement fixés par des bornes plantées en terre ou indiqués par des marques faites sur les édifices qui servent de signaux naturels, afin que ces points, dont les hauteurs au-dessus de la mer sont exactement connues, forment des repères aux nivellemens particuliers que l'on voudrait entreprendre dans la suite pour construire une carte hydrographique de tous les cours d'eau, dans l'intérêt de la navigation intérieure du royaume. M. Girard, de l'Académie des sciences, est le principal promoteur de ce travail important, et il a démontré, dans un mémoire inséré au bulletin de la Société de géographie, tome IV, page 291, la possibilité de l'exécuter promptement et à peu de frais. La triangulation générale de la France procurerait donc à cet égard les documens les plus précieux.

Rectification de l'éclimètre.

Nous avons supposé dans ce qui précède que l'éclimètre était rectifié; mais voici, en faveur de ceux qui ne sont pas familiarisés avec les instrumens de géodésie, comment on procède à cette rectification.

La fig. 7 représente l'éclimètre disposé verticalement sur un pied à trois branches. OL est une lunette mobile autour du centre C de la graduation AZB, et CD est l'alidade qui lui est adaptée et qui participe de son mouvement. NN est un petit niveau à bulle d'air attaché aussi à l'éclimètre, et qui se meut à l'aide de sa vis de rappel ou de la vis tangente V dont la fonction est de faire tourner tout le système autour du centre C. Lorsque la ligne de foi du

vernier D tracée à l'extrémité de l'alidade CD est amenée sur la ligne du limbe numérotée cent grades ou quatre-vingt-dix degrés, et que le niveau NN' est calé au moyen de la vis V, il faut que l'axe optique OL soit horizontal; sinon il existera une erreur de collimation que l'on corrigera par le renversement ainsi qu'il suit.

Après avoir mis l'alidade à cent grades et avoir amené la bulle d'air au milieu du tube NN' en faisant tourner dans le sens convenable la vis V, on vise un objet éloigné dans la direction de l'axe optique OL de la lunette; ensuite on fait faire une demi-révolution à la boussole ou à l'éclimètre, afin que la division du limbe qui était à droite se trouve à gauche; et si par l'effet de ce mouvement le niveau n'est plus horizontal on le ramène à cette position à l'aide de la vis V. Dans cet état, l'objectif L est entre l'observateur et le centre C; mais en ôtant la lunette de dessus ses supports, et l'y replaçant de manière que sa partie supérieure devienne l'inférieure et que de plus l'oculaire O soit près de l'œil de l'observateur, on aura la faculté de la diriger vers le point de mire. Or, il peut arriver que l'axe optique passe encore par ce point ou qu'il s'en écarte un peu au-dessus ou au-dessous. Dans le premier cas, la lunette sera rectifiée; dans le second cas, la quantité angulaire, dont le second point de mire est éloigné du premier, sera la mesure du double de l'erreur de collimation ou de parallélisme. Pour corriger cette erreur, on remettra s'il est nécessaire l'alidade CD à cent grades, et l'on fera mouvoir le rappel du réticule jusqu'à ce que l'axe optique corresponde au milieu de l'écart des deux points de mire, ayant soin que le niveau NN reste toujours calé pendant cette opération qu'on fera bien de répéter, afin de s'assurer de l'exacte bissection du double de l'erreur de parallélisme.

Si le réticule n'avait pas de vis de rappel, on laisserait, après avoir reconnu l'erreur dont il s'agit, l'alidade à cent grades, puis sans détacher la lunette du limbe on la ferait tourner sur son axe C au moyen de la vis tangente V, jusqu'à ce que l'axe optique passât par le milieu de la déviation; enfin, l'on calerait le niveau en rappelant la bulle au milieu du tube à l'aide de la vis de ce niveau, et alors la lunette serait rectifiée, c'est-à-dire qu'elle serait horizontale en même temps que le niveau, et que la distance zénithale serait de cent grades.

Il est évident que si l'on ne voulait pas rectifier l'instrument, il serait nécessaire de corriger toutes les distances zénithales observées de l'erreur de collimation.

On ne doit point négliger, en mettant la lunette dans ses collets, de disposer toujours les fils du réticule de la même manière à l'égard de l'horizon, afin que l'axe optique soit fixe par rapport à ce plan; car, si on inclinait plus ou moins ces fils, on risquerait d'incliner plus ou moins l'axe optique, vu qu'il ne coïncide pas toujours avec l'axe du tuyau ou canon de la lunette.

L'axe optique devant être parallèle au plan du limbe, on le rendratel par l'un des deux procédés décrits à l'art. 115 du Traité de Géodésie; mais si le réticule n'a pas double vis de rappel, il faut que l'artiste ait eu l'attention d'établir ce parallélisme.

L'instrument dont il s'agit porte, outre une lunette, une alidade à visière correspondante. L'axe optique de celle-ci se règle sur l'axe optique de la lunette au moyen d'une œillère mobile: c'est une petite pièce percée d'un trou que l'on fait mouvoir dans le sens horizontal et que l'on arrête à l'aide de la pression d'une tête de vis, lorsque les deux axes optiques sont dans le même plan vertical. On ne fait usage de cette alidade que pour mesurer des angles horizontaux entre des objets situés très près de la station, parce qu'alors ces objets ne seraient pas très distincts dans la lunette.

Comme la lunette de l'éclimètre est très petite, son pouvoir amplifiant est très faible; ainsi les points trigonométriques auxquels on lie les nivellemens servant à la recherche des cotes de hauteur du terrain doivent être à peu de distance les uns des autres, comme de quatre mille mètres au plus.

On remarquera que le grossissement d'une lunette est donné par le rapport de deux nombres dont l'un est le diamètre de l'objectif et l'autre celui de son image sur l'oculaire, lorsque la lunette est dirigée vers le ciel.

§ XII.

Du calcul des positions géographiques des sommets des triangles d'un réseau du 1er ordre, à l'aide de nouvelles tables; et du mode de projection adopté pour la nouvelle carte de France.

Les triangles qui forment le canevas d'une grande carte topographique sont souvent en si grand nombre que c'est, je crois, faire une chose utile d'offrir aux ingénieurs des tables propres à abréger considérablement les calculs des latitudes, longitudes et azimuts de tous les sommets de ces triangles. Il est d'autant plus nécessaire de chercher à abréger ce fastidieux travail, qu'il s'accroît considérablement lorsqu'on prend la résolution de l'étendre aux points trigonométriques de tous les ordres, afin de pouvoir les projeter tous à l'aide de leurs latitudes et longitudes sur les minutes où les méridiens et les parallèles sont tracés.

La plupart des topographes avaient l'habitude de rapporter ces points à une méridienne et à sa perpendiculaire, conformément au système de projection de Cassini (Topographie, 2º édit., p. 149), et c'était pour ne pas abandonner cette méthode, si commode dans la pratique, que je fus chargé par le comité du Dépôt de la guerre de l'appliquer à la projection modifiée de Flamsteed, adoptée, d'après ma proposition, non-seulement pour la grayure mais même pour les levés. Malgré la simplicité des calculs que j'avais proposés pour atteindre facilement ce but, il ne fallait pas moins déterminer les positions géographiques des points du premier ordre, et passer de ces élémens aux coordonnées rectilignes rectangles correspondantes, comme je l'ai expliqué ailleurs, et notamment dans une Instruction sur les tables de projection publiées en 1821, par ordre de S. Exc. le ministre de la guerre. Ainsi deux procédés de calcul distincts étaient indispensables en pareille circonstance; mais puisqu'un seul suffit lorsque les méridiens et les parallèles sont tracés sur les minutes, il est alors avantageux de réduire celui-ci à sa plus simple expression, et c'est à quoi je me suis attaché.

Les tables IV,V et VI ne sont pas restreintes à l'étendue de la France, car elles embrassent une zône entière comprise entre les latitudes 428,5 et 6285. Elles sont calculées dans l'hypothèse de 1/809 d'aplatissement terrestre, en vertu d'une décision de la commission royale de la nouvelle carte de France; et de plus, le quart du méridien est supposé de 10000724^m, selon les dernières évaluations de M. Delambre. Elles pourront, si l'on veut, servir également à la détermination des latitudes et longitudes des points secondaires et tertiaires, en réduisant les calculs à cinq et même à quatre décimales; mais je ferai voir que ces coordonnées géographiques sont susceptibles, dans ce cas, d'être évaluées sans les présentes tables, avec une précision toujours suffisante.

Si l'on désigne, comme à l'ordinaire, par H,H' les latitudes des extrémités d'une ligne géodésique K; par Z,Z' les azimuts de cette ligne aux points H,H', comptés du sud à l'ouest et depuis o^s jusqu'à 400; par P,P' les longitudes de ces mêmes points comptées de la même manière, on aura ces formules:

(1)
$$H'=H-Tu\cos Z-Vu^{2}\sin^{2}Z$$
, $dH=H'-H$,

(2)
$$P'=P+u\sin Z$$
, $dP=P'-P$,

(3)
$$Z' = 200^8 + Z - dP \frac{\sin \frac{1}{2}(H + H')}{\cos \frac{1}{2}dH}$$

dans lesquels u = FK.

Les tables IV, V, VI donnent respectivement les facteurs F, T, V en secondes centésimales; pour les avoir en secondes sexagésimales on ajoutera à chacun d'eux le logarithme 9,5105450. La première table donne en outre le logarithme de la normale à l'ellipsoïde de révolution, dont on fait un fréquent usage dans les calculs géodésiques.

APPLICATION.

Soient les données, $H=54^{\circ}$, 274255, $P=399,98931, Z=251^{\circ}$, 4003, $\log K=4.5249711$; on demande H', P et Z'.

On aura pour la latitude (1).

Table IV.Log.
$$F=8.9984669$$
 Log. $u=3.5234380$ Log. $S=4.5249711$ Log. $S=4.5249711$ Log. $S=4.5249711$ Log. $S=4.5249711$ Log. $S=4.5234380$ Log. $S=4.5234380$ Log. $S=4.5234380$ Log. $S=4.5249719$ Log

(90) Pour la longitude (2).

Log.
$$u \sin Z = 3.3822686$$
—
 $c. \text{ Log. } \cos H' = 0.1835338$
Log. $dP = 3.5658024$ —
 $dP = -3679'',61$
 $P = 399,9893,10$
 $P' = 399,6213,40$

Pour l'azimut (3).

Log.
$$dP = 3.5658024+$$
Log. $\sin \frac{1}{6}(H+H') = 9.8774546$
c. Log. $\cos \frac{1}{6}dH = 0.0000007$
Log. $dZ = 3.4432577+$

$$dZ = +2774'',97$$

$$200+Z = 451,4003,00$$

$$Z' = 51,677,97$$

Nous avons dit ci-dessus que le calcul des positions géographiques des points du second et du troisième ordre pouvait s'effectuer sans tables : en effet si dans la formule (1) qui n'est que celle-ci:

$$H'=H-\left(\frac{K\cos Z}{N\sin x}+\frac{\frac{1}{2}K^{2}\sin^{2}Z\tan g}{N^{2}\sin x}H\right)\left(1+e^{2}\cos^{2}H\right)$$
 écrite brièvement ($G\acute{e}od.$, tom. I, p. 299), on suppose que la normale $N=\frac{a}{\left(1-e^{2}\sin^{2}H\right)^{\frac{1}{2}}}$ et le facteur $\left(1+e^{2}\cos^{2}H\right)$ correspondent

constamment à la latitude de 50⁵, ce qui est permis maintenant, vu que ces quantités varient peu dans toute l'étendue de la France; on aura

(1') $H'=H-A.K \cos Z-BK^2 \sin^2 Z \tan g H$; et alors

$$Log. A=8.99996$$

 $Log. B=1.89361$

si on veut ces facteurs en secondes centésimales; ou

Log.
$$A=8.51051$$

Log. $B=1.40415$,

si on les veut en secondes sexagésimales.

Dans la même circonstance, la formule (2) sera

(2')
$$P'=P+\frac{F.K \sin Z}{\cos H'}$$
, $dP=P'-P$;

et l'on aura en secondes centésimales

$$Log. F=8.99856;$$

ou en secondes sexagésimales

Quant à la formule (3), elle se réduit à la suivante:

(3')
$$Z'=200^8+Z-dP\sin\frac{1}{5}(H+H')$$

Pour juger du degré de précision de ces dernières formules, résolvons le problème précédent comme s'il était relatif à une triangulation du deuxième ordre.

(92) Latitude (1')

Log.
$$A = 8.99996$$
—
Log. $K = 4.52497$
Log. $C = 9.83972$ —
Log. $C = 9.83983$ —
Log.

La première erreur, qui est la plus forte, n'est que d'une seconde et demie centésimale: fût-elle le double pour des points trigonométriques secondaires à projeter, elle ne tirerait pas encore à conséquence sur la gravure au 80 millième, puisque trente mètres n'y sont représentés que par $\frac{1}{6}$ de millimètre environ.

Rappelons maintenant en peu de mots le principe qui sert de fondement à la projection adoptée pour la nouvelle carte de France. Sur cette projection, le méridien de l'Observatoire royal de Paris est développé en ligne droite; mais tous les parallèles à l'équateur sont développés suivant des cercles concentriques ayant leur centre commun sur cette ligne, à une distance du point du cinquantième grade de latitude égale à la portion de la tangente de l'arc elliptique du méridien, comprise entre ce même point et le prolongement de l'axe de la terre. Les méridiens et les parallèles tracés de décigrade en décigrade sur les minutes sont les coordonnées géographiques qui servent pour y fixer les points trigonométriques, comme nous l'avons déjà dit.

La propriété fondamentale de la nouvelle carte du royaume est donc que les parties du méridien principal et celles des parallèles conservent exactement les rapports qu'elles ont entre elles sur le sphéroïde. Cette carte a d'autres propriétés qui sont des corollaires de celle-ci. et parmi lesquelles il en est une qui consiste en ce que les aires des espaces quel-conques y sont aussi proportionnelles à celles des espaces correspondans sur le globe terrestre. La recherche de ces propriétés par l'analyse algébrique, faisant l'objet du chapitre III du troisième livre du Traité de Topo-

graphie, nous renverrons à cet ouvrage ceux qui seraient curieux de s'exercer à cette recherche.

CONCLUSION.

Quoique nous ayons développé dans cet opuscule, le mieux qu'il nous a été possible, les principes du figuré du terrain d'après les systèmes de la lumière oblique et de la lumière verticale, nous regrettons cependant de n'avoir pu, à cause de la cherté de la gravure, joindre différens modèles à l'appui de nos remarques. On voit néanmoins que la figure 5, malgré sa simplicité, met très bien en parallèle les deux systèmes dont il est question. En effet, elle se compose de deux parties représentant chacune un cône droit, la première nº 1 selon la méthode française, et la seconde nº 2, à la manière allemande. Nous n'hésitons pas à recommander aux jeunes artistes qui se livrent à la gravure de la topographie, de consulter, outre les cartes que nous avons citées, celle des environs de Paris, par M. Brué, géographe du roi, ainsi que la belle carte de la principauté de Neufchâtel, levée par M. d'Ostervald, et gravée au quatre-vingtseize millième par Barière.

TABLEAU Nº I.

pour les échelles les plus usitées du 10, du 20, du 50 et du 100 millième.

Nota. Les hauteurs des lettres sont données en déci-millimètres ; les abréviations C, D, P, r, signifient : capitale, droite, penchée, romaine.

(96) Suite du Tableau N° I.

farm	CARAC-	ECHELLES DU			
noms des objets a écrire.	TRRES.	I O ^{ième}	20 ^{iéme}	50 ^{iéme}	1 OOième
(grands	r. d.	40	30	25	20
Étangs moyens	id.	26	20	16	10
(petits ou mar.	italig.	12	. 9	7	5
Fabriques	r. p.	10	.8	7	6
Faubourgs	C. P.	40	30	24	16
Fermes (grandes		12	9	7	6
petites		12	,9	7	16
Fleuves grands	C. P.	40	30	24	10
	r. d.	26 8	20	15 5	5
Fontaines	italig.	100	6	60	40
Foreis (grandes	C. D.	60	75 44	34	24
ordinaires	id. r. d.	20	15	12	18
Forges grandes	1	14	10	8	5
Fonderies (petites	r. p. C. D.	40	30	24	16
Forts	italig.	7	6	5	5
Fours à chaux	r. d.	25	20	15	12
Glaciers	italia.		6	5	5
Gués	r. p.	25	20	15	10
Hermitages	1		6	5	5
Iles de (grandes		26	20	16	10
rivières petites		18	15	10	8
grands		60	44	36	24
Lacs moyens	0 0	40	30	24	16
pet. sur l. mont		12	9	2	6
Lieux dits	r.d.	20	16	12	10
Maisons Sisolées	italig.	10	8	6	5
Maisons de campagn	, .	10	8	6	5
Marais	id.	20	16	12	10
Moulins à eau ou à vent italiq		8	6	5	5
Monts ou sommets	r. d.	18	15	12	8
/gr. chaînes	C. D.	go	65	55	36
l hohain adaires	C: P.	60	45	36	24
Witoutag. (or.	id.	40	30	24	16
isolées pet.	r. d.	22	18	14	10

(97)
Suite du Tableau Nº I.

NOMS DES OBJETS ▲ ÉCRIRE.	CARAC- TÈRMA			ELLES	
	THE REAL	1 O iéme	20 ^{ième}	50ième	1 OO ^{ième}
Parcs de (grands		26	20	16	
châtoaux netite	italia			8	11
châteaux petits	uaug.	12	10	6	6
Passages, défilés	ia.	10	7,		5
Pâturages ou savannes	r. p.	18	14 36	12	8
Plaines grandes	C. P.	50		3o	20
L (Oramanes		40	30	24,	16
	ıd.	12	9 6	7	6
ou en bois petits		8	6	5	5
	r.d.	12	9 6	7	6
châteaux (petits	italiq.	8		5	5
	id.	8	6	5	5
	r. d.	16	12	10	7
Ports	id.	20	15	r 2	8
	italiq.	8	6	5	5
Prairies	r. p.	24	18	14	8
Prés	italiq.	12	9	7	6
Pyramides	r. d.	20	15	12	10
Rades	C. P.	50	38	3o	20
Ravins	italiq	8	6	5	5
Redoutes	r. d.	20	15	12	. 8
	r. p.	12	9	7	6
1 / / / / / / /	r. d.	26	20	16	12
Rivières grandes		18	14	10	8
len masses	r. d.	24	18	14	10
	italig.	-8	6	5	5
grandes		10	16	12	8
	r. d	16	12	10	6
Routes ordinaires	r. p.	14	10	8	6
de forêts	id.	14	10		
caract.pench.					
Ruines et de même					
nauteur que					
\ les obj. écrits.	!				_
Ruisseaux	italiq.	10	8	7	6
Salines grandes	r. d.	20	15	12	10
petites	r. p.	10	6	5	5

(98) Suite du Tableau N° I.

NOMS DES OBJETS A ÉCRIRE	CARAC-			BLLES	
	TRAES.	1 Oième	20 ^{iéme}	50 ^{ième}	100 ^{iéme}
Scieries	italiq.	8	6	5	5
Sentiers .	id.	8	6	5	5
Signaux du 1er ordre	r. d.	»	×	×	ι6
	italiq.	×	»	"	12
Sources de rivières .	r. d.	14	10	7	6
(40 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	italiq.	,8	6	7 5	5
Télégraphes	r. d.	20	15	12	8
Tombeaux	r. p.	12	9	7	6
Tours	italig.	10	7	7	5
Triages de forêts	C. P.	46	35	26	16
Taileries	italig.	8	6	5	5
Usines (grandes	r. d.	20	15	12	-8
ordinaires .	r. p.	14	10	8	6
Vallées	C.P.	90	65	55	36
Vallons grands	r. d.	5o	38	30	20
g (ordinaires.	r. p.	26	20	16	10
Verreries grandes .	r. d.	20	τ5	12	8
(ordinaires	r. p.	14	10	8	6
Villages (grands	r. d.	40	1 3o	24	16
[()	id.	3o	22	18	13
caples 1 r ordre	C.D.	100	75	6o	40
Villes 2° ordre	id.	8o	6 o	48	32
(3° ordre	id.	6o	45	36	25
Division territoriale.					
Communes — — —	r. d.	40	30	24	»
Mairies . — . — . — .		60	45	36	24
	G.D.	80	60	48	32 32
Arrond + +	id.	120	90	72	48
Départ.ou Prov+	id.	170	132	106	72
Divis. milit. —+—+	1.4	3	DZ	"	80
Grands états ++++	lid.	200	150	120	90
	I.u.	1200	130	1130	1 90

(99) TABLE I^{re}.

ANGLES				BASES	BORIZOR	TALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZON.				DIFFÉREN	CES DE II	AUTHURS.			
0° 05°	0,001	0,002	0,002	0,003	0,004	0,005	0,006	0,006	0,00
10	0,002	0,003	0,005	0,006	0,008	0,009	0,011	0,013	0,01
15	0,002	0,005	0,007	0,009	0,012	0,014	0,017	0,019	
20	0,003	0,006	0,000	0,013	0,016	0,019	0,022	0,025	0,02
25	0,004	0,008	0,012	0,016	0,020	0,024	0,028	0,031	0,05
30	0,005	0,000		0,019	0,024	0,028	0,033	0,038	0,04
35	0,006	0,011	0,017	0,022	0,028	0,033	0,039	0,044	0,05
40		0,012	0,019	0,025	0,031		0,044	0,050	0,05
45	0,007	0,014	0,021	0,028	0,035	0,042	0,050	0,057	0,06
50	0,008		0,024			0,047	0,055	0,063	0,07
55		0,017	0,026	0,035	0.043		0,061	0,069	0,07
60		0,019		0,038				0,075	
65	0,010		0,031	0,041	0,051	0,061	0,071	0,082	0,09
70		0,022	0,033	0,044				0,088	
75	0,012	0,024	0,035	0,047	0,059		0,083	0,094	0,10
80		0,025	0,038	0,050	0,063			0,101	
85	0,013	0,027	0,040	0,053	0,067			0,107	0,12
90			0,042	0,057	0,071			0,113	0,12
95	0,014	0,028	0,042	0,060	0,075			0,119	
				0,000	0,075	0,094	0,104	0.126	0,14
1 0	0,010	0,031	0,047	0,000	0,079	10,094	0,110	0,120	0,14
I.e		0,031				0,094		0,126	
1 05c	0.017	0,033				0,099		0,132	0,14
1 10	0,018	0,035	0,052		0,087			0,139	0,150
1 15	0,018	0,036	0,054	0,073	0,091	0,109		0,145	0,16
1 20	0,019	0,038	0,057	0,076		0,113		0,151	0,170
1 25	0,020	0,039	0,059	0,079	0,097			0,157	0,17
1 50	0,021	0,041	0,061	0,082		0,123			0,184
1 35	0,021	0,043	0,064	0,085		0,127		0,170	0,19
1 40	0,022	0,044	0,066	0,088	0,110			0,176	0,198
1 45	0,023	0,046	0,068	0,091				0,182	0,20
1 50	0,024	0,047	0,071	0,094		0,142		0,189	0,21:
1 55	0,025	0,049	0,073	0,097		0,146			0,21
1 60	0,025	0,050	0,075	0,101		0,151			0,226
1 65	0,026	0,052	0,078	0,104	0,130	0,156	0,182	0,208	0,233
1 70	0,027	0,054	0,080	0,107		0,160	0,187	0,214	0,241
1 75	0,028	0,055	0,085		0,138				0,248
1 75	0,028	0,057	0,085		0,142		0,198		0,254
1 85	0,029	0,058	0,087		0,145			0,233	0,26:
1 90	0,030	0,060	0,000	0,120	0,140	0,179	0,200	0,239	0,260
1 95	0,031	0.061	0.002	0,125	0.153	0,184		0,245	0,276
. 90	- Jear	-3400	1-3	1000	27.25	400		1	

(100)
Suite de la Table Ire.

ANGLES				BASES	HORIZON	TALES.			
вуес	1	2	3	4	5	6	7	8	9
I. HURINGE.				DEFFÉREN	CES DES 1	HAUTEURS			
26	0,032		0,094					0,252	0,283
2 050	0,033	0,065		0,129		0,193	0,226		0,290
2 10	0,034		0,101	0,135	0,165	0,190	0,231	0,264	0,297
2 20	0,035	0,069	0,104	0,138	0,153	0,208	0,242		0,311
2 25	0,035			0,142		0,212	0,248	0,277	0,318
2 30 2 35	0,036	0,072	0,109	0,145		0,217	0,253	0,289	0,325
2 40		0,076		0,151		0,226	0,264	0,302	0,333 0,340
2 45	0,039	0,077	0,116	0,154	0,193	0,231	0,270	0,308	0,347
2 50	0,039	0,079	0,118	0,157	0,197	0,236	0,275	0,314	0,354
2 55 2 60	0,040	0,080	0,120	0,160	0,200	0,241	0,281	0,321	0,361 0,368
2 65		0,083		0,167	0,208		0,292	0,333	0,375
2 70		0,085	0,127	0,170	0,212	0,255	0,297	0,340	0,382
2 75 2 80	0,043	0,087		0,173	0,216		0,303	0,346	0,389
2 80 2 85	0,044 0,045	0,088	0,132	0,176	0,220	0,264	0,308	0,352	0,396
2 90		0,091	0,137	0,182				0,365	0,403
2 95	0,047	0,093	0,139	0,186	0,232	0,278	0,325		0,418
30.						0,283			
3 o5° 3 10		0,096 0,098		0,192			0,336		
3 15			0,149	0,198		0,293		0,396	0,446
3 20		0,101		0,201		0,302	0,352	0,403	
3 25	0,051	0,102	0, 153		0,256	0,307	0,358	0,409	
3 3o 3 35	0,052	0,104	0,156	0,208	0,259	0,311	0,363 0,369	0,415	0,467
3 40	0,054	0,105	0,161	0,211		0,321	0,374		0,474
3 45			0,163	0,217	0,271	0,326	0,380	0,434	
3 50	0,055	0,110		0,220		0,330	0,385	0,440	0,495
3 55 3 60		0,112				0,335 0,340	0,391 0,396		0,502
3 65	0,057	0,113	0,170 0,172	0,227	0,283	0,344		0,453 0,459	0,510
3 70		0,116	0,175	0,233	0,291	0,349		0,466	0,524
3 75 3 80	0,059	0,118	0,177	0,236	0,295	0,354	0,413	0,472	0,531
3 8o 3 85			0,179	0,239		0,359			0,538
3 90	0,061	0,121	0,182	0,242	0,303	0,363	0,424	0,484	0,545
3 90 3 95	0,062	0,124	0,186	0,249	0,311	0,373	0,435	0,497	0,559

(101) Suite de la Table I^{re}.

ANGLES				BASES	DORIZON	TALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L HURINGA.				DIFFERE	NCES DE	HAUTEDES			
40	0,063	0,126	0,189	0,252	0,515	0.378	0.440	0,503	0.566
4 o5e	0,064	0,128	0,191	0,255	0,319	0,382		0,510	
4 10	0,065	0,129	0,194	0,258	0,323	0,387	0,452		
4 15	0,065	0,131	0,196	0,261	0,326	0,392	0,457	0,522	
4 20	0,066	0,132	0,198	0,264	0,330	0,396	0,463	0,520	
4 25	0,067		0,201		0,334	0,401	0,468		
4 30	0,068		0,203	0,271	0,338	0.406	0,474		0,600
4 35	0,060				0,342	0,411		0,548	
4 40	0,060		0,208	0,277	0,346	0,415	0,485		
4 45	0,070		0,210		0,350	0,420		0,560	
4 50	0,071		0.213			0,425	0,496		0,637
4 55	0,072				0,358		0,501		0,644
4 60		0,145						0,579	
4 65	0,073	0,146			0,566		0,512	0,585	0.650
4 70	0,074	0,148			0,370		0,518	0,502	
4 75	0,075			0,290		0,449	0,523	0,598	
4 80	0,076	0,151		0,302	0,378				
4 85		1.0						0,604	
	0,076		0,229					0,611	
4 90	0,077	0,154				0,463	0,540	0,617	0,094
4 95				0,312	_		0,545		-
5° 05°	0,079	0,157		0,315	0,394	0,472	0,551	0,630	0,708
140							0,557	0,636	0,710
	1.00	0,161				0,482	0,502	0,642	0,720
5 15	0,081	0,162					0,568	0,649	0,700
	0,082			0,328				0,655	
5 25	0,083			0,331		0,496			0,744
5 30	0,084	0,167	0,250					0,668	
5 35						0,506		0,674	
5 40				0,340			0,595	0,680	0,765
5 45	0,086			0,343		0,515	0,601	0,687	0,772
5 50		0,173				0,520	0,606	0,693	0,780
5 55				0,350		0,524		0,699	
5 60		0,176		0,353		0,529		0,706	
5 65	0,089			0,356				0,712	
5 70		0,180		0,359		0,559	0,629	0,718	0,808
5 75	0,091			0,362		0,543	0,634	0.725	0,815
5 80	0,091			0,566		0,548	0,640	0,731	0,822
5 85	0,092			0,569	0,461	0,555			0,829
5 90		0,186	0,279	0,572	0,465	0,558	0,651	0.744	0,837
5 95	0,094	0,188	0,281	0,375	0,469	0,562	0,656	0,750	0,844

(102)
Suite de la Table Ire.

ANGLES		*		BASES	BORISON	TALES.			
avec	I	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZON.				DIFFÉREN	CES DE H	AUTEUSS.			
6 10 6 20 6 30 6 40 6 50 6 60 6 7 10 7 20 7 30 7 40 7 50 7 70 7 80 7 90	0,096 0,098 0,099 0,101 0,102 0,104 0,106 0,107 0,112 0,112 0,115 0,117 0,118 0,120 0,120 0,120	0,189 0,192 0,195 0,199 0,202 0,205 0,208 0,211 0,214 0,217 0,221 0,237 0,230 0,237 0,240 0,243 0,246 0,249	0,288 0,293 0,298 0,307 0,317 0,322 0,326 0,336 0,341 0,346 0,350 0,365 0,365	0,384 0,391 0,397 0,404 0,410 0,410 0,423 0,429 0,435 0,448 0,461 0,467 0,473 0,480 0,468 0,469	0,481 0,489 0,496 0,512 0,528 0,528 0,536 0,544 0,560 0,568 0,576 0,584 0,592 0,600 0,600	0,577 0,586 0,596 0,605 0,615 0,634 0,643 0,653 0,672 0,682 0,691 0,701 0,720 0,720 0,739	0,673 0,684 0,695 0,706 0,717 0,723 0,751 0,762 0,762 0,784 0,795 0,828 0,848 0,848 0,848	0,769 0,782 0,794 0,807 0,832 0,845 0,858 0,870 0,985 0,991 0,934 0,960 0,972 0,985	0,865 0,879 0,894 0,908 0,903 0,936 0,951 0,968 0,979 0,994 1,008 1,037 1,051 1,065 1,084 1,108
86 8 106 8 20 8 30 8 40 8 50 8 60 8 70 8 80 8 90	0,128 0,130 0,131 0,133 0,134 0,136 0,138	0,265	0,384 0,389 0,393 0,398 0,403 0,413 0,417	0,512 0,518 0,524 0,531 0,537 0,544 0,550	0,640 0,648 0,656 0,664 0,672 0,686 0,688	0,758 0,768 0,777 0,787 0,796 0,815 0,825 0,835	0,895 0,907 0,918 0,929 0,940 0,951 0,963	1,023 1,036 1,049 1,062 1,075 1,086	1,151 1,166 1,180 1,194 1,209 1,222 1,238

(103)
Suite de la Table I¹⁰.

ANGLES				PASES	HORIZON	TALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	. 7	8	9
L'HORIZON.		·		DIFFÉRE	ICES DE I	SAUTED AS.		,	
9 ⁶ 9 10 ⁶ 9 20 9 30 9 40 9 50 9 60 9 70 9 80	0,144 0,146 0,147 0,149 0,150 0,154 0,155	0,285 0,288 0,291 0,294 0,301 0,304 0,307	0,432 0,437 0,441 0,446 0,451 0,461 0,465	0,576 0,582 0,589 0,595 0,601 0,608 0,614	0,720 0,728 0,736 0,744 0,752 0,760 0,768 0,776	0,892 0,902 0,912 0,921 0,931	1,007 1,019 1,030 1,041 1,052 1,064 1,075	1,151 1,164 1,177 1,190 1,203 1,216 1,228	1,295 1,310 1,324 1,339 1,353 1,367 1,382 1,497
9 90 10 10 ^c 10 20 10 30 10 40 10 50 10 60 10 70 10 80 10 90	0,158 0,160 0,162 0,163 0,165 0,166 0,168 0,170	0,320 0,323 0,326 0,330 0,333 0,336 0,343	0,475 0,480 0,485 0,490 0,495 0,504 0,509	0,640 0,646 0,653 0,659 0,666 0,672 0,679	0,792 0,800 0,808 0,816 0,824 0,832 0,849 0,848	0,941 0,950 0,960 0,970 0,989 0,999 1,008 1,018	1,120 1,131 1,143 1,154 1,165 1,176 1,188	1,293 1,306 1,319 1,332 1,344 1,357	1,425 1,440 1,454 1,469 1,484 1,513 1,513 1,527
116 11 100 11 20 11 30 11 40 11 50 11 60 11 70 11 80 11 90	0,176 0,178 0,179 0,181 0,183 0,186 0,186	0,352 0,356 0,362 0,365 0,365 0,365 0,375	0,528 0,533 0,538 0,548 0,548 0,558 0,558	0,706 0,711 0,718 0,724 0,731 0,731 0,744	0,881 0,889 0,897 0,905 0,913 0,920 0,938	1,067	1,233 1,244 1,256 1,267 1,278 1,290 1,301	1,400 1,42: 1,43: 1,448 1,46: 1,47: 1,48: 3,1,50	1,585 1,600 61,615 31,629 1,644 1,658 71,673 01,688

(104)
Suite de la Table I^{re}.

ANGLES				D AAR	NORIZO:	TALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZON.		-		DIFFÉRE	CES DE 1	EAUTEURS.			
12 ⁶ 12 10° 12 20 12 30 12 40 12 50 12 60 12 70 12 80	0,192 0,194 0,196 0,197 0,199 0,201	0,385 0,388 0,392 0,395 0,401 0,404	0,572 0,577 0,582 0,587 0,592 0,597 0,602 0,607	0,770 0,776 0,783 0,789 0,796 0,602 0,809	0,962 0,970 0,979 0,986 0,995 1,003	1,145 1,154 1,164 1,174 1,184 1,193 1,203 1,213		1,526 1,539 1,552 1,565 1,578 1,591 1,604 1,617	1,732 1,746 1,761
13° 13° 13° 13° 13° 30° 13° 40° 13° 50° 13° 60° 13° 70	0,205 0,207 0,209 0,210 0,212 0,214 0,215	0,411 0,414 0,417 0,421 0,424 0,427 0,431	0,616 0,621 0,626 0,631 0,636 0,641 0,646	0,628 0,835 0,848 0,855 0,861 0,868	1,035 1,044 1,052 1,060 1,068 1,076 1,085	1,243 1,252 1,262 1,272 1,282 1,292 1,302	1,438 1,450 1,461 1,473 1,484 1,496 1,507 1,519 1,530	1,644 1,657 1,670 1,683 1,696 1,709 1,722 1,735	1,849 1,864 1,879 1,893 1,908 1,923 1,938 1,952 1,967
13 80 13 90	0,220 0,222	0,440	0,661	0,881 0,887	1,101 1,109		1,542	1,762	1,982 1,997
14 60 14 70 14 80	0,224 0,225 0,227 0,228 0,230 0,232 0,233 0,235 0,235 0,238	0,450 0,454 0,457 0,460 0,464 0,467 0,470	o,676 o,680 o,685 o,690 o,695 o,700 o,705 o,710	0,901 0,907 0,914 0,921 0,927 0,934 0,940	1,142 1,151 1,159 1,167 1,175	1,351 1,361 1,371 1,381 1,391 1,401 1,411	1,599 1,611 1,623 1,634 1,646	1,801 1,815 1,828 1,841 1,854 1,868	2,027 2,041 2,056 2,071 2,086

(105)
Suite de la Table 1^{re}.

ANGLE	s			PARE	HORESO	TALES.						
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9			
L'HORISON	1.	DIFFÉRENCES DE MAUTEURS.										
15° 10° 15° 20° 15° 30° 15° 50° 15° 50° 15° 50° 15° 90° 16° 40° 16° 50° 16° 60° 16° 50° 16° 60° 16° 90	0,242 0,243 0,247 0,248 0,250 0,250 0,255 0,255 0,260 0,260 0,265 0,267 0,269	0,483 0,497 0,490 0,497 0,500 0,503 0,507 0,510	0,725 0,730 0,740 0,745 0,755 0,760 0,765 0,770 0,775 0,780 0,796 0,801 0,801 0,801	1,014 1,020 1,034 1,040 1,047 1,054 1,061 1,067 1,074	1,209 1,217 1,234 1,242 1,259 1,267 1,275 1,275 1,301 1,309 1,317 1,326 1,334 1,343	1,460 1,470 1,480 1,500 1,510 1,520 1,530 1,551 1,551 1,561 1,581 1,591 1,601 1,611	1,692 1,704 1,715 1,727 1,750 1,762 1,774 1,786 1,786 1,833 1,844 1,858 1,886 1,880	1,947 1,961 1,974 1,987 2,001 2,014 2,027 2,041 2,054 2,081 2,094 2,108 2,121 2,135 2,148 2,162	2,176 2,191 2,206 2,231 2,236 2,251 2,266 2,281 2,296 2,311 2,326 2,341 2,356 2,371 2,366 2,371			
17° 17 10° 17 20 17 30 17 40 17 50 17 60 17 70 17 80 17 90	0,274 0,275 0,277 0,279 0,280 0,282 0,284 0,286 0,287 0,289	0,554 0,557 0,561 0,564 0,568	0,826 0,831 0,836 0,841 0,846 0,851 0,856	1,101 1,108 1,115 1,121 1,128 1,135 1,142 1,149	1,393	1,652 1,662 1,672 1,682 1,692 1,702 1,713	1,927 1,939 1,951 1,962 1,974 1,986	2,202 2,216 2,229 2,245 2,256 2,270 2,284	2,462 2,477 2,493 2,508 2,523 2,538 2,538 2,554 2,569 2,584 2,600			

(106) Suite de la Table I^{re}.

ANGLES				PAR	HORIZON	PALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORISON.				DIFFÉRE	CES DE E	AUTBURS.			
18 ⁴ 18 10 ⁵ 18 20 18 30 18 40 18 50 18 60 18 70 18 80 18 90	0,292 0,294 0,296 0,297 0,299 0,301 0,303	0,588 0,591 0,595 0,598	0,877 0,882 0,887 0,892 0,897 0,902 0,908 0,913	1,169 1,176 1,183 1,189 1,196 1,203 1,210	1,461 1,470 1,478 1,487 1,495 1,504 1,513	1,743 1,754 1,764 1,774 1,784 1,805 1,815 1,825 1,836	2,046 2,058 2,070 2,082 2,094 2,106 2,118 2,130	2,358 2,352 2,365 2,379 2,593 2,406 2,420 2,434	2,630 2,646 2,661 2,676 2,692 2,707 2,723 2,738
196 19 106 19 20 19 30 19 40 19 50 19 60 19 70 19 80	0,309 0,311 0,313 0,315 0,316 0,320 0,322	0,615 0,619 0,622 0,626 0,629 0,633 0,636 0,639		1,238 1,244 1,251 1,258 1,265 1,272 1,279 1,286	1,547 1,555 1,564 1,573 1,581 1,590 1,607	1,867 1,877 1,887 1,898 1,908 1,918	2,166 2,178 2,190 2,202 2,214 2,226 2,238 2,250	2,475 2,489 2,503 2,516 2,530	2,800 2,815 2,831 2,846 2,862 2,878
20° 20 10° 20 20 20 30 20 40 20 50 20 60 20 70 20 80 20 90	0,325 0,327 0,329 0,330 0,332 0,335 0,335 0,339	0,653 0,657 0,664 0,667 0,674 0,678	1,001 1,006 1,011	1,307 1,314 1,321 1,328 1,335 1,342 1,349	1,625 1,633 1,642 1,651 1,660 1,668 1,677 1,686 1,694	1,960 1,971 1,981 1,991 2,002 2,012 2,023 2,033	2,299 2,311 2,323 2,336 2,348	2,613 2,627 2,641 2,655 2,669 2,683 2,697	2,940 2,956 2,971 2,987 3,003 3,018 3,034 3,050

(107)
Suite de la Table Irc.

ANGLES				BASES	HORISON	TALES.			
8700	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORISON.				DIFFÉREN	CES DE E	ACTEURS.			
214 21 10° 21 20 21 30 21 40 21 50 21 60 21 70 21 80 21 90	o,344 o,346 o,349 o,351 o,353 o,355	0,685 0,698 0,692 0,695 0,702 0,706 0,710 0,717	1,032 1,038 1,043 1,048 1,054 1,059 1,064	1,377 1,384	1,721 1,730 1,738 1,747 1,756 1,765 1,774	2,054 2,065 2,075 2,086 2,097 2,107 2,118 2,128 2,139 2,150	2,446 2,458 2,471 2,483 2,495	2,753 2,767 2,781 2,795 2,809 2,834 2,835 2,852	3,097 3,113 3,129 3,145
22 ⁶ 22 10° 22 20° 22 30° 22 30° 22 50° 22 60° 22 70° 22 80° 22 90°	0,352 0,364 0,365 0,367 0,369 0,371 0,373	0,724 0,727 0,731 0,734 0,738 0,741	1,091 1,096 1,102 1,107 1,112 1,118	1,447 1,454 1,461 1,469 1,476 1,490	1,809 1,818 1,827 1,836 1,845 1,863 1,863	2,160 2,171 2,182 2,192 2,203 2,214 2,224 2,235 2,246 2,256	2,533 2,545 2,557 2,570 2,582 2,595 2,608 2,620	2,895 2,909 2,923 2,937 2,951 2,966 2,980 2,994	3,256 3,272 3,288 3,305 3,320 3,336 3,353 3,369
23° 23 10° 23 20 23 30 23 40 23 50 23 60 23 70 23 80 23 90	0,380 0,382 0,383 0,385 0,387 0,387 0,3 1	0,756 0,763 0,763 0,767 0,770 0,774 0,777 0,781 0,788	1,139 1,144 1,150 1,155 1,161 1,166 1,172	1,533 1,540 1,548 1,555 1,562	1,898 1,907 1,916 1,925 1,934 1,943	2,267 2,278 2,389 2,300 2,310 2,321 2,332 2,343 2,354 2,365	2,658 2,670 2,683 2,695 2,721 2,733 2,746	3,037 3,052 3,066 3,081 3,095 3,110	3,482 3,498 3,514 3,531

(108)
Suite de la Table I^{re}.

ANGLES				3 4645	HORIZON	TALES						
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9			
L'HORIZON.		DIFFÉRENCES DE MAUTEURS.										
24° 24 10° 24 20 24 30 24 40 24 50 24 50 24 70 24 80 24 90	0,398 0,400 0,401 0,403 0,405 0,409 0,411	0,792 0,796 0,799 0,803 0,807 0,810 0,814 0,821 0,825	1,193 1,199 1,204 1,210 1,215 1,221 1,226 1,232	1,591 1,598 1,606 1,613 1,620 1,628 1,635	1,989 1,998 2,007 2,016 2,025 2,034 2,053	2,397 2,408 2,419 2,430 2,441	2,784 2,797 2,810 2,823 2,835 2,848 2,861	3,182 3,197 3,211 3,226 3,255 3,255	3,586 3,596 3,613 3,629 3,645 3,662 3,678 3,695			
25° 25 10° 25 20 25 30 25 40 25 50 25 60 25 70 25 80 25 90	0,416 0,418 0,420 0,422 0,423 0,425 0,427	0,828 0,832 0,836 0,840 0,843 0,851 0,854 0,858 0,862	1,248 1,254 1,259 1,265 1,270 1,281 1,281	1,664 1,672 1,679 1,686 1,694 1,701 1,709	2,108 2,117 2,127 2,136 2,145	2,496 2,507 2,518 2,530 2,541 2,552 2,563 2,574	2,912 2,925 2,938 2,951 2,964 2,977 2,990	3,328 3,358 3,358 3,373 3,388 3,402 3,417 3,432	3,745 3,761 3,778 3,794 3,811 3,828 3,844			
26° 26 10° 26 20 26 30 26 40 26 50 26 60 26 70 26 80 26 90	o,435 o,436 o,438 o,440 o,442 o,444 o,446	0,873 0,877 0,880 0,884	1,304 1,309 1,315 1,321 1,326 1,338 1,343	1,738 1,746 1,753 1,761 1,768 1,776 1,783	2,173 2,182 2,192 2,201 2,210 2,220 2,229 2,239	2,596 2,608 2,619 2,630 2,641 2,652 2,664 2,675 2,686 2,698	3,042 3,055 3,068 3,082 3,094 3,108 3,121 3,134	3,477 3,492 3,507 3,522 3,536 3,552 3,567	3,911 3,928 3,945 3,962 3,978 3,996 4,013			

(109) Suite de la Table I^{re}.

ANGLES				MARKE	HORIZON	TALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZON.				Différe:	NGES DE 1	AUTEURS.			
27° 27 10° 27 20 27 30 27 40 27 50 27 60 27 70 27 80 27 90	0,452 0,453 0,455 0,455 0,469 0,463 0,465 0,469	0,907 0,911 0,918 0,922 0,926 0,930 0,933	1,355 1,366 1,366 1,372 1,377 1,383 1,389 1,394 1,400 1,406	1,814 1,821 1,836 1,836 1,844 1,852 1,859	2,277 2,286 2,295 2,305 2,315 2,324 2,334	2,720 2,732 2,743 2,755 2,766 2,777 2,789 2,800	3,174 3,187 3,200 3,214 3,227 3,240 3,254 3,267	3,612 3,627 3,642 3,658 3,673 3,688 3,703 3,710 3,734 3,749	4,081 4,098 4,115 4,132 4,146 4,166 4,183
286 28 106 28 20 28 30 28 40 28 50 28 60 28 70 28 80 28 90	0,478 0,480 0,482 0,484 0,486	0,941 0,945 0,953 0,957 0,966 0,964 0,972 0,976	1,412 1,423 1,429 1,435 1,446 1,452 1,458 1,464	1,890 1,898 1,905 1,913 1,921 1,929 1,936 1,944	2,382 2,391 2,402 2,411 2,420	2,835 2,846 2,858 2,876 2,881 2,893 2,904 2,916	3,307 3,321 3,334 3,348 3,361 3,375 3,388 3,402	3,780 3,795 3,811 3,826	4,25: 4,27: 4,28: 4,30: 4,32: 4,33: 4,35: 4,37:
29° 29 10° 29 20° 29 40° 29 50° 29 60° 29 90°	0,492 0,494 0,496 0,498 0,500 0,502 0,504	0,98a 0,984 0,988 0,992 0,995 0,999 1,003 1,007 1,011	1,476 1,481 1,487 1,493 1,499 1,505 1,511	2,007	2,459 2,469 2,479 2,489 2,498 2,508 2,518 2,528	2,951 2,963 2,975 2,986 2,998 3,010 3,022	3,443 3,457 3,470 3,484 3,498 3,511 3,525 3,539	3,966 3,982 3,997 4,013 4,029 4,045	4,42 4,46 4,47 4,49 4,51 4,53 4,55

(110)

Suite de la Table Ite.

ANGLES				BARY	HORISO	TALES.			
Avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZON.				DIPFÉRE	FCES DE	HAUTEUR			
30° 10° 30° 20° 30° 30° 30° 30° 30° 30° 30° 30° 30° 3	0,517	1,023 1,027 1,031 1,035 1,039 1,043 1,047	1,535 1,540 1,546 1,552 1,558 1,564 1,570	2,046 2,054 2,062 2,070 2,078 2,086 2,094 2,102	2,558 2,567 2,587 2,587 2,597 2,607 2,617	3,057 3,069 3,081 3,093 3,105 3,117 3,129 3,141 3,153 3,165	3,581 3,594 3,608 3,622 3,636 3,650 3,664 3,678	4,108 4,124 4,140 4,156 4,172	4,604 4,639 4,657 4,655 4,693 4,711 4,729
316 31 10c 31 20 31 30 31 40 31 50 31 60 31 70 31 80 31 90	0,529 0,532 0,534 0,536 0,540 0,542 0,544 0,546	1,063 1,067 1,071 1,075 1,083 1,087	1,594 1,601 1,607 1,613 1,619 1,625	2,126 2,134 2,142 2,150 2,158 2,166 2,175 2,183	2,657 2,668 2,678 2,688 2,698 2,708 2,718 2,728	3,177 3,189 3,201 3,213 3,225 3,250 3,262 3,274 3,286	3,720 3,735 3,749 3,763 3,777 3,791 3,805 3,820	4,252 4,268 4,284 4,300 4,317 4,333 4,349	4,783 4,802 4,820 4,838 4,856 4,874 1,893 4,911
326 32 106 32 20 32 30 32 40 32 50 32 60 32 70 32 80 32 90	o,552 o,554 o,556 o,558 o,560 o,562 o,564 o,566	1,104 1,108 1,112 1,116 1,120 1,124 1,128 1,132	1,655 1,662 1,668 1,674 1,680 1,686 1,692 1,699	2,207 2,215 2,224 2,232 2,240 2,248 2,257	2,759 2,769 2,780 2,790 2,800 2,810 2,821 2,831	3,323 3,335 3,348 3,360 3,373 3,385 3,398	3,863 3,877 3,891 3,906 3,920 3,935 3,949	4,414 2 4,431 2 4,447 5 4,464 5 4,480 5 4,497 5 4,513 5 4,530 5	4,948 4,966 4,985 5,003 5,022 5,040 5,059 5,077 5,096 5,115

(111) Suite de la Table I¹⁰.

ANGLES	_			BASES	nonizon	TALES.			
ayee	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZON.				DIFFIRE	NCES DE 1	LAUTEURS		1	
33° 10° 33° 20° 33° 30° 33° 50° 50° 50° 50° 50° 50° 50° 50° 50° 50	0,570 0,573 0,575 0,577 0,581 0,583 0,585 0,585	1,166	1,730 1,736 1,743 1,749 1,755 1,762	2,290 2,298 2,307 2,315 2,323 2,332 2,340 2,340	2,862 2,873 2,883 2,894 2,904 2,915 2,925	3,473 3,485 3,498 3,510 3,523	4,007 4,022 4,037 4,051 4,066 4,081	4,580 4,596 4,613 4,630 4,647 4,664 4,680	5,15
34 ^a 34 10 ^a 34 20 34 30 34 40 34 50 34 60 34 70 34 80 34 90	0,591 0,596 0,596 0,598 0,600 0,602 0,606 0,606 0,611	1,191 1,196 1,200 1,204 1,208	1,781 1,787 1,793 1,800 1,806 1,813 1,819	2,391 2,400 2,408 2,417	2,968 2,978 2,989 3,000 3,010 3,021 3,032 3,042	3,574 3,587 3,599 3,612 3,625	4,155 4,170 4,184 4,199 4,214 4,229 4,244 4,259	4,748 4,765 4,782 4,799 4,816 4,834 4,851	5,342 5,361 5,386 5,399 5,418 5,438
35 ₄ 35 30 35 30 35 40 35 50 35 60 35 70 35 80 35 90	0,613 0,615 0,617 0,619 0,621 0,626 0,626 0,630 0,632	1,230 1,234 1,230 1,243 1,247 1,252 1,256 1,260	1,835 1,851 1,858	2,460 2,469 2,477 2,486 2,495 2,503 2,512 2,522	3,075 3,086 3,097 3,107	3,763 3,716 3,729 3,742 3,755 3,768 3,781	4,290 4,305 4,320 4,335 4,350 4,366 4,381 4,396 4,412 4,427	4,937 4,954 4,972 4,989 5,007 5,024	5,554 5,554 5,593 6,613 5,633 5,652

(112) Suite de la Table I $^{\rm re}$.

				BASE	HORIZO:	RTALES.			
ANGI.ES	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORISON.	<u>'</u>	<u>'</u> '	<u> </u>	DUVÉRE	NCRS DE 1	HAUTEURS		1	<u> </u>
36 10° 36 20° 36 30° 36 40° 36 50° 36 60° 36 70° 36 80° 36 90°	0,635 0,637 0,649 0,641 0,646 0,648 0,650 0,652 0,655		1,904 1,910 1,917 1,924 1,930 1,944 1,950 1,957 1,964	2,547 2,556 2,565 2,574 2,583 2,592 2,601 2,610	3,184 3,195 3,206 3,217 3,228 3,251 3,262	3,868 3,821 3,834 3,848 3,861 3,874 3,914 3,914	4,458 4,473 4,489 4,504 4,520 4,535 4,551 4,567	5,148 5,166 5,183 5,201	5,731 5,751 5,771 5,791 5,811 5,831 5,851
37 10° 37 20 37 30 37 40 37 50 37 60	0,661 0,664 0,666 0,668 0,670 0,673	1,318 1,323 1,327 1,332 1,336 1,341 1,346 1,350	1,977 1,984 1,991 1,998 2,005 2,011 2,018 2,025	2,637 2,646 2,655 2,664 2,673 2,682 2,691 2,700	3,296 3,307 3,318 3,330 3,341 3,352 3,364	3,955 3,968 3,982	4,614 4,630 4,646 4,661 4,677 4,693	5,255 5,273 5,291 5,309 5,327 5,364 5,364 5,382 5,400 5,418	5,932 5,952 5,973 5,993 6,014 6,034 6,055
38° 10° 38° 20° 38° 30° 38° 50° 38° 50° 38° 50° 38° 50° 38° 50° 38° 50° 38° 50° 38° 50° 50° 50° 50° 50° 50° 50° 50° 50° 50	o,682 o,684 o,689 o,691 o,696 o,696	1,364 1,368 1,373 1,378 1,382 1,382 1,383	2,046 2,053 2,060 2,066 2,073 2,080 2,087	2,728 2,737 2,746 2,755 2,765 2,774 2,783 2,786	3,410 3,421 3,433 3,444 3,456 3,467 3,479 3,483	4,105 4,110 4,133 4,147 4,161 4,175	4,773 4,789 4,806 4,822 4,838 4,854 4,871	5,437 (5,455 (5,455 (6,552 (6,	5,157 5,158 5,179 5,199 5,220 5,241 5,262

(113) Suite de la Table I^{re}.

ANGLES	_			HAS	ва повет	ONTALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZON.				naria	ENGES DI	HAUTEU	ns.	-1	
390	0,703		2,108		3,51	4 4,21	7 4.93	0 5,62	6,32
39 100	0,705		2,115	2,83	1 3,52	0 4.23	1 4.03	615.6%	1 6 3/4
39 30	0,710	1,420	2,130	2,84	3,54	9 4,25	9 4,96	3 5,666 9 5,679	6,38
39 40 39 50	0,712			2,04	1 3,00	1 4,27	0 4,98	015,000	5 6.416
39 60	0,715		2,144				2 5.01	2 5,717	6,43
39 70	0,719	1,439	2,158	2,87	3,50	7 4.31	5 5.03	6 5.755	6.401
39 80 39 90	0,722		2,165	2,88	3,60	0 4.33	1 5.05	2 5.00%	6 406
9 90	0,704	1,9440	-5-7-	2,09,	3,12	4,54	3,000	5,793	6,517
400	0,727	1,453	2,180	2.006	3.633	14.350	5.086	5,812	6 520
40 100	0,729	1,458	2,187	2,016	13.645	4.374	5.103	5.832	6 FG
40 20	0,731	1,463	2,194	2,925	3,657	4,388	5,120	5,851 5,870	6,582
40 40	0,734	1,472	2,200	2,045	3,681	4,417	5,150	5,890	6,604
40 50	0,739	1,477	2,216	2,954	3,693	4,432	5,170	5,909 5,928	6,648
40 60	0,741	1,482	2,223		3,705	4,446	5,187	5,928	6,669
40 80	0,743	1,402	2,238	2,084	3,730	4,401	5,204	5,948	6,091
40 90	0,748	1,497	2,245	2,994	3,742	4,490	5,239	5,987	6,735
		-	-						
910	0,751	1,502	2,252	3,003	3,754	4,505	5,256	6,007	6,757
1 10c	0,753	1,507	2,267	3,013	3,766 3,779	4,520	5,273	6,026	6,780
11 30		1,516	2,255	3,033	3,701	4,540	5,308	6,046 6,066	6.824
11 40	0,761	1,521	2,282	5,043	3,803	4,564	5,325	6,086	6.846
	0,766	1,526	2,290 3	0.053	3,816	4,579	5,342	6,105	6,869
	0,768	1,536	304 3	3,073	3.841	4,600	5,377	6,145	6.013
1 80	0,771	1,541	2,312 3	0.083	3,853	4,624	5,395	6,165	6,936
1 90	0,773	1,546	320 3	,093	3,866	4,639	5,412	6,185	5,959

(114)
Suite de la Table I^{re}.

ANGLES				DASTS	HORIZON	ALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZEN.			- 1). Dipyènan	ces de l	AUTRURS.			
42 ⁶ 42 10 ⁶ 42 20 42 30 42 40 42 50 42 60 42 70 42 80 42 90	0,776 0,778 0,781 0,783 0,786 0,788 0,791 0,793 0,796 0,800	1,556 1,561 1,567 1,572 1,577 1,582 1,587 1,582	2,335 2,342 2,350 2,357 2,365 2,373	3,113 3,123 3,133 3,143 3,153 3,164 3,174 3,184	3,891 3,904 3,916 3,929 3,942	4,669 4,684 4,700 4,715 4,730 4,745 4,761 4,776	5,483 5,501 5,518 5,536	6,226 6,246 6,266 6,266 6,307 6,327 6,348 6,368	6,981 7,004 7,027 7,049 7,072 7,095 7,118 7,141 7,164 7,197
43° 43° 10° 43° 20° 43° 43° 43° 43° 43° 43° 43° 43° 43° 90° 40° 90° 90° 90° 90° 90° 90° 90° 90° 90° 9	0,801 0,804 0,806 0,809 0,812 0,814 0,817 0,819 0,822 0,825	1,607 1,613 1,618 1,623 1,628 1,633 1,639	2,411 2,419 2,427 2,435 2,442 2,450 2,458 2,466	3,215 3,225 3,236 3,246 3,257 3,267 3,277 3,288	4,019 4,032 4,045 4,058 4,071 4,084 4,097 4,010	4,822 4,838 4,854 4,869 4,885 4,900 4,916	5,644 5,662 5,681 5,690	6,430 6,451 6,471 6,492 6,513 6,534 6,555	7,257 7,280 7,304 7,327 7,351 7,374
444 10° 444 20 444 30 444 40 444 50 444 60 444 80 444 90	0,827 0,830 0,833 0,835 0,838 0,841 0,843 0,846 0,851	1,665 1,676 1,676 1,681 1,687 1,692	2,498 2,506 2,514 2,522 2,530 2,538 2,546	3,320 3,330 3,341 3,359 3,369 3,375 3,386	4,136 4,150 4,163 4,176 24,190 24,203 34,216 44,230 54,243 54,25	4,980 4,996 5,011 5,027 5,044 5,060	5,809 5,828 5,847 5,865 5,884 5,903 5,922	6,725	7,469 7,493 7,517 7,541 7,565 7,589 7,614 7,638

(115) Suite de la Table Ire.

ANGLES		BASES HOBIZOHTALES.									
avec	1	2	3	.4	. 5	.6	7	- 8	9		
E'HORIZON.			. ,	DIPPÉRE	iche de i	HAUTRURA					
45° 10° 45 20 45 30 45 50 45 60 45 80 45 90	0,802 0,865 0,868 0,871	1,708 1,714 1,719 1,725 1,730 1,736 1,741 1,752	2,507 2,595 2,603 2,612 2,620	3,449 3,460 3,471 3,482 3,493	4,325 4,339 4,353 4,366	5,174 5,190 5,207 5,223	6,055 6,055 6,074 6,094 6,113	6,898 6,920 6,942 6,964 6,986	7,700 7,785 7,810 7,835		
	0,882 0,884 0,887 0,890 0,899 0,901 0,904	1,769 1,774 1,780 1,786 1,791 1,797 1,803	2,670 2,670 2,687 2,687 2,704 2,713	3,560 3,571 3,583 3,594 3,605 3,617	4,450 4,450 4,464 4,478 4,507 4,521	5,340 5,357	6,211 6,230 6,250 6,270 6,290 6,309	7,098 7,120 7,143 7,165 7,188 7,211	8,010 8,036 8,061 8,087 8,112 8,138		
47 10° 47 20 47 30 47 40 47 50 47 60 47 70 47 80	0,913 0,916 0,919 0,922 0,924 0,927 0,930 0,933	1,831 1,837 1,843 1,849 1,855	2,738 2,747 2,756 2,764 2,773 2,782 2,791 2,800	3,651 3,663 3,674 3,686 3,698 3,709 3,721 3,733	4,564 4,578 4,593 4,607 4,637 4,651 4,666	5,477 5,494 5,511 5,529 5,564 5,581 5,599	6,300 6,410 6,450 6,450 6,451 6,512 6,532	7,302 7,326 7,349 7,372 7,395	8,215 8,241 8,267 8,293 8,320 8,346 8,372 8,399		

(116) Suite de la Table I^{re} .

ANGLES				BASES !	TORIZONT	ALES.			
avec	1	2	3	4	5	6	7	8	9
L'HORIZON.				DIPPÉREN	CES DE H	UTEURS.		!	
486 48 106 48 20 48 30	0,939 0,942 0,945 0,948	1,884	2,817 2,826 2,835 2,844	3,768	4,725	5,634 5,652 5,670 5,688	6,594 $6,615$	7,536	8,478
48 40 48 50 48 60 48 70 48 80 48 90	0,951 0,954 0,957	1,902 1,908 1,914 1,920 1,926	2,853 2,862 2,871 2,880 2,880	3,804 3,816 3,828 3,840 3,852	4,755 4,770 4,785 4,800 4,815	5,706 5,724 5,760 5,760	6,657 6,678 6,699 6,720	7,608 7,632 7,656 7,680	8,556 8,586 8,613 8,646 8,666
49° 49° 10°	0,969 0,972	1,938 1,944	2,916	3,8 ₇ 6 3,888	4,845	5,814 5,833	6,784 6,805	7,753	8,722
49 20 49 30 49 40 49 50 49 60	0,975 0,978 0,981 0,984 0,988	1,963 1,969	2,935 2,944 2,953	3,913	4,891 4,907 4,922	5,851 5,870 5,888 5,907 5,925	6,848 6,869 6,891	7,826 7,851 7,875	8,802 8,832 8,860
49 70 49 80 49 90	0,991 0,994 0,997	1,981 1,988 1,994		3,963 3,975	4,953	5,944 5,962 5,981	6,934 6,956	7,925 7,950	8,916
50 100 50 20 50 30	1,000	2,000 2,006 2,013 2,019	3,009 3,019 3,028	4,013 4,025 4,038	5,032	6,019 6,038 6,057	7,022	8,025 8,050 8,076	9,028 9,05 9,08
50 40 50 50 50 60 50 70 50 80 50 90	1,013	2,025 2,032 2,038 2,044 2,051	3,038 3,048 3,057 3,067 3,076	4,051 4,063 4,076 4,089 4,102	5,063 5,079 5,095 5,111 5,127	6,076 6,095 6,114 6,133 6,153	7,089 7,111 7,133 7,156	8,101 8,127 8,152 8,178 8,204 8,229	9,143 9,171 9,200

TABLE II,

Pour corriger les différences de niveau, calculées dans l'hypothèse de la terre plane, au moyen de la table première.

BASE OU A	ARGUMENT.	CORRECTION de sphéricité et de	DIFFERENCE
K	Log. K.	réfraction.	pour 100m
1000 ^m 1500 2000 2500 3000 3500 4000 4500 5500 6000 6500 7500 8500 9500	3,000000 3,176091 3,301030 3,397940 3,477121 3,544068 3,602060 3,653213 3,698970 3,740363 3,7740363 3,7740363 3,7740363 3,812913 3,845098 3,875061 3,903090 3,929419 3,954243 3,977724 4,000000	om, 07 0, 15 0, 26 0, 41 0, 59 0, 81 1, 05 1, 33 1, 65 1, 99 2, 78 3, 23 3, 71 4, 22 4, 76 5, 34 5, 95 6, 59	om, 016 0, 022 0, 030 0, 036 0, 044 0, 048 0, 056 0, 064 0, 068 0, 076 0, 082 0, 086 0, 096 0, 102 0, 108 0, 116 0, 122 0, 128

(118)

Suite de la Table II.

BASE ou	ARGUMENT.	CORRECTION de sphéricité et de	DIFFERENCE.
K	Log. K.	réfraction.	pour 100m
10000 ^m 10500 11000 11500 12500 13500 14000 14500 15500 16000 16500 17000 17500 18000 18500	4,000000 4,021189 4,041393 4,060698 4,079181 4,096910 4,113943 4,146128 4,146128 4,146128 4,146128 4,14620 4,217484 4,230449 4,243038 4,255273 4,267172 4,278754	6m, 59 7, 26 7, 97 8, 71 9, 49 10, 29 11, 13 12, 00 12, 91 13, 85 14, 82 15, 83 16, 86 17, 93 19, 03 20, 17 21, 34 22, 54 23, 78	om, 134 o, 142 o, 148 o, 156 o, 160 o, 168 o, 174 o, 182 o, 188 o, 194 o, 202 o, 206 o, 214 o, 219 o, 228 o, 234 o, 247

(119)

T	A	B	L	E	III.

NCLINAISONS	DEG PENTES.	HAUT		INCLINAISONS	DES PRATES.	HAUT	
E S	200	5	10	3	100	5	10
		LONGURURS D	ES HACHÚRES.	Z.		LONGUNURS D	ES HACHURES.
Je	0 10 20 30 40 50 60 70 80	318,3 289,5 265,2 244,8 227,3 212,1 198,9 187,2	636,6 578,7 530,6 489,6 454,7 424,3 397,8 374,4 353,6	4°	0 10 20 30 40 50 60 70	79,5 77,5 75,6 73,9 72,2 70,1 69,1 67,6 66,2	158,9 155,1 151,3 147,8 144,5 141,2 138,2 135,2
	90	167,5	335,0		90	64,8	129,7
2.	0 10 20 30 40 50 60 70 80	159,1 151,5 144,6 138,4 132,6 127,3 122,3 117,8 113,6 109,7	318,2 303,0 289,3 276,7 265,1 254,5 244,7 235,6 227,2 219,4	5°	0 10 20 30 40 50 60 70 80 90	63,5 62,2 61,1 59,9 58,8 57,7 56,7 55,7 54,7 53,8	127,7 124,5 122,1 119,8 117,6 115,4 113,3 111,3 109,4 107,5
3.	0 10 20 30 40 50 60 70 80 90	106,0 102,6 99,4 96,4 93,6 90,8 88,4 86,0 83,7 81,5	212,1 205,2 198,8 192,7 187,1 181,7 176,7 171,9 167,3 163,0	6	0 10 20 30 40 50 60 70 80 90	52,9 52,0 51,2 50,4 49,6 48,8 48,1 47,4 46,7 45,9	105,8 104,0 102,4 100,7 99,1 97,6 196,1 94,7 93,3 91,9

(120)
Suite de la Table III.

INCLINAISONS	PENTES.		EURS	NCLINAISONS DES FENTES.		EURS
173	20	5	10	E CF	5	10
Ň		LONGURUS D	ES HACHURES.	NI -	LONGUEURS D	ES HACHURES.
7"	0	45,3	90,6	13° 0	24,1	48,3
	25	43, ₇	87,4	25	23.7	47,4
	50	42,3	84,5	50	23,2	46,4
	75	40,4	81,7	75	22,7	45,5
80	0	39,6	79,2	14° 0	22,3	47,7
	25	38,4	76,7	25	22,0	44,0
	50	3 ₇ ,3	74,5	50	21,6	43,2
	75	36, ₂	72,3	75	21,2	42,4
9°	0	35,1	70,3	15° 0	20,3	41,6
	25	34,2	68,3	25	20,5	41,0
	50	33,3	66,5	50	20,2	40,3
	75	32,4	64,8	75	19,8	39,5
10°	0	31,5	63,1	16° 0	19,4	38,9
	25	30,8	61,6	25	19,1	38,3
	50	30,0	60,1	50	18,8	37,7
	75	29,4	58,7	75	18,5	37,1
11°	0	28,6	57,3	17° 0	18,3	36,6
	25	28,0	56,0	25	18,0	36,0
	50	27,4	54,8	50	17,7	35,4
	75	26,8	53,6	75	17,5	35,0
126	0	26,2	52,4	18° 0	17,2	34,4
	25	,25,7	51,3	25	17,0	34,0
	50	25,1	50,3	50	16,7	33,4
	75	24,7	49,3	75	16,5	33,0

(121)
Suite de la Table III.

INCLINAISONS DES PERTES.	HAUT		INCLINAISONS DES PERTES.	HAUT	i
CLINAISO	5	10	CLINAISC	5	10
INC	LONGUEURS D	ES HACHURES.	ă ·	TORCCEOF D	ES HACHURES.
19 0	16,2	32,5	3 3⁴ o	8,7	17,5
5 0	15,8	31,6	34 o	8,4	16,9
20 0	15,4	30,8	35 . o	8,1	16,3
5 0	15,0	30,0	36 o	7,8	15,7
21 0	14,6	29,2 28,5	3 ₇ o	7,6	15,2
5o	14,2		38 o	7,3	14,7
22 0	13,9 13,5	27,8	39 o	7,1	14,2
5o	13,5	27,1	40 0	6,8	13,7
23 o	13,2	26,5	41 0	6,6	13,3
5 0	12,9	25,8	42 0	6,4	12,8
24 0	12,6	25,3	43 o	6,2	12,4
5o	12,3	24,6	44 0	6,0	~12,0
25 o	12,0	24,1	45 o	5,8	11,7
<u>50</u>	11,8	23,6	46 o	5,6	11,3.
26 0	11,5	23,1	47 0	5,4	10,9
5 o	11,3	22,6	48 o	5,3	10,6
27 0	11,0	22,1	49 o	5,1	10,3
5o	10,8	21,6	50 0	5,0	10,0
28 o 50	10,6	21,2	51 0	4,8	9,7
	10,4	20,8	52 0	4,7	9,4
29 0	10,2	20,4	53 o	4,5	9,1
3o o	9,8	19,6	54 o	4,4	8,8
31 0	9,4	18,8	55 o	4,3	8,5
32 0	9,0	18,1	56 o	4,1	8,2

(122)
Suite de la Table III.

INCLINAISONS DES PERTES.	HAUT DES COURBES	EURS I DE NIVEAU
CLIN	5	10
-E	LONGUEURS D	ES HACHURES.
57° o	4,0	8,0
58 o	3,8	7,7
59 o	3,7	7,5
60 о	3,6	7,3
61 o	3,5	7,0
62 o	3,4	6,8
63 o	3,3	6,6
64 o	3,1	6,3
65 o		6,1
66 o		5,9
37 o	2,8	5,7
68 o	2,7	5,5
69 o	2,6	. 5,3
70 O	2,5	5,1
80 o	1,6	3,2
90 0	0,8	1,6
100 0	0,0	0,0

(123) TABLE IV.

ĻAT.	LOG. N.		LOG. F.	LAT.	log. N.		106. Г.
42°,5 6 7 8 9 43, 0	6,8051545 1566 1587 1608 1630 1652	2! 2! 2! 22 22	8,9987256 7233 7214 7198 7171 7149	45°,0 1 2 3 4 5	6,8052084 2106 2128 2150 2172 2194	22 22 22 22 22	8,9986717 6695 6673 6651 6629 6607
1 2 3 4 5	1674 1696 1718 1740 1761	22 22 21 22	7127 7105 7083 7061 7040	6 7 8 9 46, o	2216 2238 2260 2282 2303	22 22 22 21 21	6585 6563 6541 6519 6498
6 7 8 9 44, 0	1783 1805 1827 1848 1869	22 22 21 21	7018 6996 6974 6953 6932	1 2 3 4 5	2325 2347 2369 2392 2414	22 22 23 22	6476 6454 6432 6409 6387
1 2 3 4 5	1891 1913 1935 1956 1977	22 22 21 21	6910 6888 6866 6845 6824	7 8 9	2436 2458 2481 2503 2524	22 23 22 21	6365 6345 6320 6298 6277
6 7 8 8 4 5 , 0	1998 2019 2040 2062 2084	21 21 22 22	68 0 3 67 8 2 67 6 1 67 3 9 6717	1 2 3 4 5	2546 2568 2590 2612 2634	22 22 22 22	6255 6233 6211 6189 6167

(124)
Suite de la Table IV.

LAT.	LOG. N.		ьос. F.	LAT.	LOG. N.		KOG. F.
6 7 8 9	6,8052634 2657 2679 2702 2723	23 23 21 23	8,9986167 6144 6122 6099 6078	50°,0 1 2 3 4 5	6,8053189 3211 3233 3255 3278	22 22 22 23	8,9985612 5590 5568 5546 5523
48, o	2745 2767 2789	22 22	6056 6034 6012	6	3300 3322 3344	22 22 22 22	5501
3 4 5 ——	2811 2833 2855	22 22 22 23	5990 5968 5946	7 8 9 51, 0	3366 5388 3410	22 22 23	5435 5413 5391
6 7 8 9 49, 0	2878 2900 2923 2945 2967	22 23 22 22	5856	1 2 3 4 5	3455 3477		5324 5302
1 2 3 4 5	2989 3012 3034 3056 3078	22 22 22	5812 5789 5767 5745 5723	8	3565 358 ₇		5258 5236 5214 5192 5170
6 7 8 9 50, 0	3123 3 145 3 167	22 22 22	5700 5678 5656 5634	3 4	36 ₇ 6 36 ₉ 8	22	5148 5125 5103 5081

(125) Suite de la Table IV.

LAT.	LOG. N.	·	106. F.	LAT.	LOG. N.	LOG. F.
52°,5 6 7 8 53, 0	6,8053741 3764 3786 3809 3831 3853	22 22 23 22 22	8,9985059 5037 5015 4992 4970 4948	55°,0 2 3 4 5	6,8054292 4314 23 4337 22 4359 21 4380 22 4402	8,9984509 4487 4464 4442 4421 4399
3 4 5	3876 3898 3920 3941 3963	20	4925 4903 4881 4860 4838	6 7 8 56, 9	4424 21 4445 22 4467 22 4489 21 4510 22	4377 4356 4334 4312 4291
6 7 8 9 54, 0	3985 4007 4051 4051 4073	22 22 22 22	4816 4794 4772 4750 4728	1 2 3 4 5	4532 22 4554 22 4576 21 4597 22 4619	4247 4225 4204 4182
1 2 3 4 5	4095 4117 4139 4160 4182	22 22 21 22	4706 4684 4662 4641 4619	6 7 8 9 5 ₇ , 0	4641 21 4662 22 4684 22 4706 21 4727 23	4117 4095 4074
6 7 8 9 55, 0	4204 4226 4248 4270 4292	22 22 22 22	4597 4575 4553 453 1 4509	1 2 3 4 5	4750 4772 22 4794 21 4815 22 4837	4051 4020

(126) Suite de la Table IV.

LAT.	LOG. N.	1	LOG. F.	LAT.	LOG. N.		LOG. F.
57*,5 6 7 8 58, 0	6,8054837 4859 4881 4902 4924 4945	22 22 21 22 21	8,9983964 3942 3920 3899 3877 3856	1 2 3 4	6,8055370 5390 5410 5431 5452 5473	20 20 21 21 21	8,9983431 3411 3391 3570 3349 3328
1 2 3 4 5	4966 4988 5009 5030 5052	22 21 21 22 22	3835 3813 3792 3771 3749	6 7 8 61, 0	5495 5517 5536 5557 5578	21 21 21 21	3307 3286 3265 3244 3223
6 7 8 9 59, 0	5073 5094 5116 5137 5158	21 22 21 21	3728 3707 3685 3664 5643	3 4 5	5599 5620 5641 5661 5682	21 21 20 21	3202 3181 3160 3240 3119
1 2 3 4 5 —	5179 5201 5223 5244 5265	21 21 22 22	3622 3600 3578 3557 3536	6 7 8 9 62, 0	5703 5724 5745 5765 5785	21 21 20 20 20	3098 3077 3056 3036 3016
6 7 8 9 60, 0	5287 5308 5329 5349 5370	21 21 20 21	3514 3493 3472 3452 3431	1 2 3 4 5	5806 5827 5847 5867 5888	21 20 20 21	2995 2974 2954 - 2934 2913

(127) TABLE V.

LAT.	LOG. T.		LAT.	юс. Т.		LAT.	юс. Т.	
42•,5 6 7 8 43, 0	0,0017294 7251 7208 7165 7122 7078	43 43 43 43 44 42	45°,0 1 2 3 4 5	0,0016216 6173 6129 6085 6042 5999	43 44 43 43 43	47•,5 6 7 8 48, 9	0,0015125 5081 5037 4993 4949 4905	44444 44444 44
3 4 5	7036 6993 6950 6907 6864	43 43 43 43 43	6 7 8 9 46, 0	5956 5912 5868 5824 5780	44444 44444444444444444444444444444444	1 2 3 4 5	4861 4818 4774 4729 4685	44 43 44 45 44 44
6 7 8 9 44, 0	6821 6777 6735 6692 6649	44 42 43 43	1 2 3 4 5	5737 5694 5650 5606 5562	,,,	6 7 8 49, 0	4641 4597 4554 4510 4466	44 43 44 44 44
1 23 455	6605 6562 6518 6476 6432	43 44 42 44 43	6 7 8 8 47, 0	5519 5475 5431 5388 5344		, 3 4 5	4422 4378 4334 4290 4246	44 44 44 44 44
6 7 8 9 45, 0	6389 6346 6302 6259 6216	43 44 43 43	1 2 3 4 5	5300 5256 5212 51 6 8 5125		6 7 8 9 50, 0	42 02 4158 4114 40 7 0 4026	44 44 44 44

(128) Suite de la Table V.

LAT.	LOG. T.		LAT.	юс. Т.		LAT.	LOG. T.	_
50°,0 1 2 3 4 5	o,oo14026 3982 3938 3894 3850 3806	44 44 44 44	52•,5 6 7 8 9	0,0012927 2883 2839 2795 2751	444444 4444444444444444444444444444444	55•,0 1 2 3 4 5	0,0011835 1791 1747 1704 1661 1618	44 44 43 43 43
6 7 8 9 51, 0	3762 3718 3674 3630 3586	44 44 44 44 44	2 3 4 5	2664 2621 2577 2533 2489	43 43 44 44 44	6 7 8 9 56, 0	1575 1531 1488 1445	43 44 43 43 44
1 2 3 4 5	3542 3498 3454 3410 3366	4 44444 7	6 7 8 54, 0	2445 2401 2357 2314 2271	44 44 43 43 44	2 3 4 5	1358 1315 1271 1228 1185	43 44 43 43 43 43
6 7 8 52, 0	3323 3279 3235 3191 3147	43 44 44 44 44	3 4 5	2227 2183 2140 2096 2052	44 43	6 7 8 9 5 ₇ , 0	1142 1099 1056 1013 0970	43 43 43 43 43
1-2 3 4 5	3103 3059 3015 2971 2927	44444444444444444444444444444444444444	55, o	2008 1965 1922 1878 1835	43 43 44 43	1 2 3 4 5	0927 0884 0841 0798 0756	43 43 43 42

` (129) Suite de la Table V.

LAT.	юс. Т.		LAT.	LOG. T.		
57•,5 6 7 8 58, 0	0,0010756 10713 10670 10628 10585 10542	43 43 42 43 43 43	60°,0 1 2 3 4 5	o,000g6g6 9654 9612 9570 9 9529 9488	42 42 42 41 41	
1 23 45 5	10499 10456 10414 10372 10329	43 42 42	6 7 8 61, 0	9446 9404 9363 9321 9279	42 41 42 42 41	
6 7 8 9 59, 0	10287 10245 10202 10159 10117	42 43 43 42 42	3 4 5	9238 9197 9155 9114 9073	41 42 41 41	
3 4 5	10075 10033 09991 09949 09907	42 42 42 42 43	6 7 8 9 62, 0	9031 8990 8949 8908 8867	41 41 41 41	
6 7 8 9 60, 0	09864 09822 09780 09738 09696	42 42 42 42	1 2 3 4 5	8826 8786 8745 8704 8663	40 41 41 41	

(130)

TABLE VI.

LAT.	LOG. V.		LAT.	LOG. V.		LAT.	·Loù. V.	
42.,5 6 7 8 9 43, 0	3,79353 3,79493 3,79633 3,79773 3,79912 3,80051	140 140 140 139 139	45•,0 1 2 3 4 5	3,82821 3,82959 3,83096 3,83234 3,83371 3,83509	138 137 138 137 138	47.5 6 7 8 9 48, 0	3,86246 3,86382 3,86518 3,86654 3,86791 3,86927	136 136 136 137 136
345	3,80190 3,80330 3,80469 3,80608 3,80747	140 139	6 7 8 9 46, 0	3,83647 3,83784 3,83921 3,84058 3,84195	137 137	1 2 3 4 5	3,87063 3,87200 3,87336 3,87472 3,87609	137 136 136
6 7 8 9 44, 0	3,80886 3,81025 3,81163 3,81302 3,81440	139 138 139 138	1 2 3 4 5	3,84332 3,84468 3,84605 3,84742 3,84879	136 137 137	6 7 8 9 49, 0	3,87745 3,87881 3,88017 3,88153 3,88289	136 136 136 136 136
2 3 4 5	3,81579 3,81717 3,81855 3,81994 3,82132	138 139 138 138	6 7 8 9 47, 0	3,85016 3,85153 3,85290 3,85426 3,85563	137	1 2	3,88425 3,88561 3,88697 3,88833 3,88969	136 136 136 136
6 7 8 9 45, 0	3,82270 3,82407 3,82545 3,82683 3,82821	137 138 138 138	1 2 3 4 5	3,85700 3,85836 3,85973 3,86109 3,86246	136 137 136 137	7	3,89105 3,89241 3,89377 3,89513 3,89649	136 136 136 136

(131)
Suite de la Table VI.

LAT.	log. V.		LAT.	LOG. V.		LAT,	log. V.	
50 •, 0 1 2 3 4 5	3,89649 3,89785 3,89921 3,90057 3,90193 3,90329	136 136 136 136 136	52°,5 6 7 8 9 53, o	3,93052 3,93188 3,93325 3,93462 3,93598 3,93735	136 137 137 136 137	55•,0 1 2 3 4 5	3,96477 3,96615 3,96753 3,96891 3,97029 3,97167	138 138 138 138 138
6 7 8 9 51, 0	3,90465 3,90601 3,90737 3,90873 3,91010	136 136 136 136 137	1 22 3 45	3,93871 3,94008 3,94145 3,94282 3,94418	137 137 137 136	6 9 56, p	3,97305 3,97443 3,97581 3,97719 3,97858	
1 2 3 4 5	3,91146 3,92282 3,91418 3,91554 3,91690	136 136 136	6 7 8 9 54, 0	3,94555 3,94692 3,94829 3,94966 3,95103	137 137 137 137	7 23546	3,97996 3,98135 3,98274 3,98412 3,98551	139 139
6 7 6 9 52, 0	3,91826 3,91962 3,92098 3,92234 3,92371	136 136 136 137	1 2 3 4 5	3,95240 3,95377 3,95514 3,95651 3,95789	137 137 137 138	8	3,98690 3,98829 5,98968 3,99107 3,99247	-70
1 2 3 4 5	3,92507 5,92643 3,92780 3,92916 3,93052	136 137 136 136	6 7 8 9 55, o	3,95927 5,96064 3,96202 3,96339 3,96477	137 138 137 138	7 2 25 475	3,99386 3,99525 3,99665 3,99806 3,99945	139 140 141 141

(132)

Suite de la Table VI.

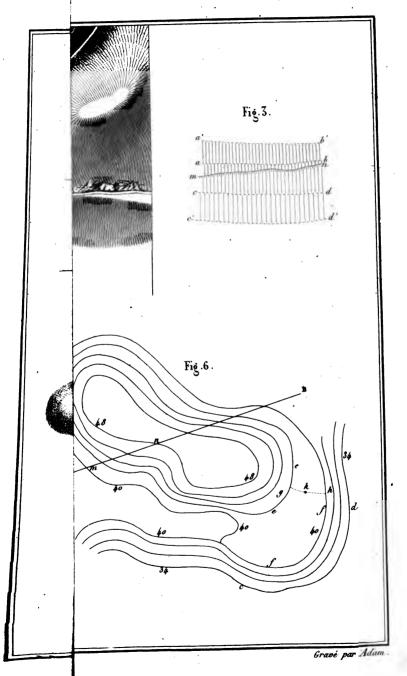
LAT.	10G. V.:		LAT.	LOG. V.		·
57°,5 6 7 8 58, p	3,99945 4,00085 4,00225 4,00365 4,00505 4,00646	140 140 140 140 141	60 ,0 2 3 4 5	4,03480 4,03623 4,03766 4,03910 4,04054 4,04198	143 143 144 144 144	
3 4 5	4,00787 4,00928 4,01068 4,01209 4,01350	140 140 141	6 7 8 61, 0	4,04341 4,04485 4,04629 4,04773 4,04918	144 144 145 145	
6 7 8 9 59, 0	4,01491 4,01632 4,01773 4,01914 4,02056	141 141 141 142 142	3 4 5	4,05063 4,05207 4,05352 4,05497 4,05642	144 145 145 145 146	,
2 3 4 5	4,02197 4,02339 4,02482 4,02624 4,02766	142 143 142 142	6 7 8 9 62, 0	4,05788 4,05934 4,06080 4,06226 4,06372	146 146 146 146	,
6 7 8 9 6 0 , 0	4,02909 4,03051 4,03194 4,03337 4,03480	142 143 143 143	1 2 3 4 5	4,06518 4,06664 4,06812 4,06959 4,07107	146 148 147 148	

FIN.

ERRATA.

Page 30, ligne 4 en remontant, ainsi que les cartes, lisez: ainsi que sur les cartes.

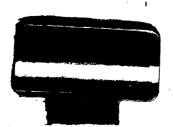
Page 125, 1^{re} ligne, 2^{me} colonne, 6,8053741, *lisez*: 6,8053742.



269

fut adopté qu'à une majorité de cent vingtquatre voix contre quatre-vingt-cinq. Il obtint un plus honorable succès à la chambre des pairs; la majorité, pour l'adoption, y fut de quatre-vingt-trois voix contre quarante-cinq.

Ainsi, par l'organe des trois pouvoirs législatifs', la France avait voté un Blenheim, non à un guerrier décoré de quelques victoires, mais à un négociateur qui avait réparé l'effet du plus sanglant désastre qui ait attristé nos annales. Ainsi s'étaient terminés quelques dissentimens élevés entre des hommes d'état, hommes de bien. Ce n'est pas sous de telles couleurs que nous avons eu à peindre dans l'histoire de la révolution les discordes élevées entre des hommes qu'une conspiration avait unis. M. de Richelieu avait quitté Paris, il était à Bordeaux quand il recut la loi de récompense. Il n'en accepta que l'honneur, et disposa du majorat de cinquante mille francs de revenu pour l'hôpital de cette ville. Quel était alors son revenu? Nul en fonds, nul en capitaux. Il possédait des diamans, présens d'usage dans la diplomatie. Plus tard, mesdames de Montcalm et de Rochechouart, ses sœurs, les lui demandèrent, comme si elles avaient voulu s'en parer, et, en les vendant, acquirent pour 1818.



Digitized by Google

